

Riyazi Bakımdan «y» Paralaksı ve Oriyantasyon

Yazan :
Yüks. Müh.
Tevfik Ateş

Bilindiği gibi hava resimlerinden kıymetlendirme âletleriyle, Stereoskopik görmeyi temin ederek harita yapabilmek için resimlerin asgarî % 60 ileri ve % 20 yana bindirmeli olarak çekilmesi, yani resimler üzerinde ileri % 60 ve yana doğru da % 20 müşterek bir sahanın bulunması lâzımdır. Bu bindirmenin dolayısıyla müşterek sahanın en ilmî ve iktisadî esaslar dahilinde olmasını ve haritalardan beklenen sıhhatı sağlamak için resimler, kamaranın, tesviye ameliyesinin ve tayyarenin imkânları nisbetinde şakuli, yani resim satırları mümkün mertebe ufki olarak ve «x» eksenleri aynı istikamette paralel ve hatta uçuş istikametine intibak edecek şekilde çekilmeleri lâzımdır.

Bu vaziyette çekilmiş bindirmeli resim serilerinin diyapozitifleri çiftler sıfıra ayarlı vaziyetteki kıymetlendirme âletlerindeki muadil kameralara merkezleştirilmiş olarak konuldukları zaman, resim alımından kıymetlendirme âletlerindeki son vaziyete kadar geçen ameliyelerde kullanılan her türlü âlet, vasıta ve işlemlerin toleransları dahilinde, resim çiftleri, hemen hemen tayyarede fotoğraf kamerası ile alındıkları vaziyete yakın bir duruma getirilmiş olurlar ve fakat gerek fotoğraf kamerasının tam tesviye edilememiş olmasından ve tayyarenin aynı istikameti, vaziyeti ve irtifai muhafaza edememesinden ve gerekse kıymetlendirme âletinin ve bu âletlere yerleştirmedeki hata ve noksanlıklardan mütevellit resimlerin âletteki üç hattı ve üç zaviyevî oriyantasyon unsurları hakikattakilerinden farklı olduklarından tam bir mücessemi görme temin edilemediği gibi tesadüfen böyle mücessemi bir görmenin kabaca sağlanması halinde dahi, harita tersimi için mücessemi görmenin tam olarak hatasız bir şekle getirilmesi ilmi bir tabirle noktalardaki «Y» paralaksalarının (baz istikametine dik istikametteki paralaksalar) ifna edilmiş olması lâzımdır ki bu da resimleri aşağıda açıklanacağı şekilde ve muayyen bir miktarda y, z, istikametine kaydırmak ve x, y ve z eksenleri etrafında döndürmek yani by, bz, x, y, z ve ω hareketleri vermek suretiyle temin edilir.

Şimdi bu hareketlerin miktarlarının ne şekilde bulunabileceğini ve bunlar yardımıyla ve gösterdikleri hususiyetlerden istifade ederek rölatif

oriantasyonun (resim çiftlerinin ayarlanması veya cihetlenmesi) ne şekilde yapılabileceğini veya yapılmasının gerektiğini inceleyelim :

Paralaksların zikredilen beş hareketle münasebetini tesbit için evvelâ pozitif hareket istikametlerinin aşağıdaki şekilde tesbit edilmiş olduğunu kabul edelim. Bu istikametler,

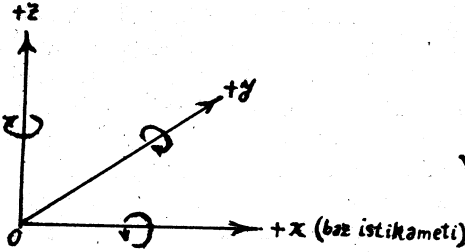
$$\tan (+ \alpha) = \frac{+x_v}{+y_v}$$

$$\tan (+ \varphi) = \frac{+x_v}{+f} \text{ ve } \textcircled{1}$$

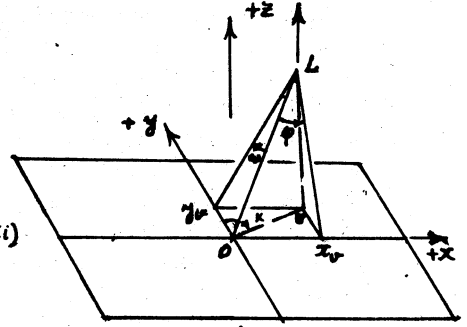
Bu takdirde :

$$\tan (+ \omega) = \frac{+y_v}{+f}$$

anlamına göre seçilmiştir.



Şekil:1



Şekil:2

Yukarda sözü geçen dikey hava fotoğraflarında oriantasyon hataları olan dx , dy , dz , $d\alpha$, $d\varphi$, ve $d\omega$ miktarlarına tabi olarak y'de meydana gelecek hata veya değişme miktarı olan Δy , yazar tarafından 43 No. lu haritacılar mecmuasında,

$$\Delta y_n = dy + \frac{y_n}{f} \cdot dz + x_n d\alpha - \frac{x_n y_n}{f} \cdot d\varphi - f \left(1 + \frac{y_n^2}{f^2} \right) \cdot d\omega \textcircled{2}$$

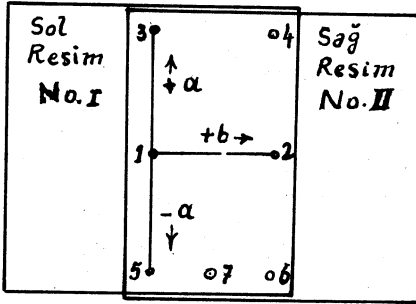
olarak verilmiştir.

Fotoğrafın oriantasyon elemanları olan ve yukarıki denklemde meçhul olarak gösterilmiş bulunan dy , dz , $d\alpha$, $d\varphi$ ve $d\omega$ yı bulabilmek için asgarî beş denkleme ve bunun içinde resim üzerinde x , y ve Δy 'si bilinen beş noktaya veya başka bir tabirle evvelâ resim üzerine seçilecek beş noktanın x , y ve Δy 'sinin bilinmesine veya ölçülerek tayin edilmesine ihtiyaç vardır.

Gerek denklemleri basitleştirerek hesapları kolaylaştırmak ve gerekse mümkün mertebe x , y ve Δy miktarlarını ölçme veya tayin işini asgarî hadde indirmek ve kolaylaştırmak için ya x ve y koordinatları sıfır veya mümkün olmıyan hallerde birbirine eşit ve mütenazır olan noktaları seçmelidir. Bunun içinde resmin eksenleri üzerinde ve eksenlerden eşit

uzaklıktaki noktaları intihap etmek lâzımdır. Aşağıdaki 3 No. lu şekil bir resim çiftinin müşterek sahası içerisinde alınacak noktaların en uygun yerlerini ve yanındaki 1 No. lu çizelge de seçilen noktaların koordinelerini göstermektedir.

1 No. lu nokta soldaki birinci resmin ortasında, 2 No. lu nokta da sağdaki ikinci resmin ortasında alınmıştır.



Şekil: 3

Sol Resim No. I			Sağ Resim No. II		
1	0	0	1	-b	0
2	+b	0	2	0	0
3	0	+a	3	-b	+a
4	+b	+a	4	0	+a
5	0	-a	5	-b	-a
6	+b	-a	6	0	-a
7	+b/2	-a	7	-b/2	-a
No.	x	y	No.	x	y

Çizelge: 1

Seçilen bu noktaların hakiki yerleri biliniyorsa veya yanındaki resimden tayin edilmişse, daha umumî bir tabirle bu noktalar herhangi bir surette tesbit edilerek ayar edilmesi istenen resmin ufki vaziyetine göre koordineleri bulunmuş ise, bu koordineler ile ayar edilmesi istenen resimden bulunacak koordinelerden Δy 'yi bulmak veya hesap etmek mümkündür ki bu miktarlar aynı zamanda ayar edilecek resmin kendinden bir evvelki resme nazaran Y paralaksıdır. Bunu daha açık olarak ifade edersek, sabit (ayarlı) resme nazaran yanındaki diğer bir resmi ayarda, ilmî bir tabirle anşlus veya «briding de» noktalarındaki y paralaksı o noktalardaki Δy lerdir. Eğer her iki resimde ayarlı değilse, bu def'a noktalarda görülecek olan y paralaksı her iki resme ait Δy lerin farklarına eşit olurlar.

Şimdi sabit (ayarlı) bir resme nazaran mücavir resmin y paralaksı yardımıyla oriyantasyon unsurları olan dy , dz , $d\alpha$, $d\phi$ ve $d\omega$ miktarlarını yani bir anşlusta henüz ayar edilmemiş resmin oriyantasyon unsurlarının, ölçülecek paralaksı yardımıyla nasıl tayin edilebileceklerini ve bunlara istinaden resmin nasıl ayar edilebileceğini inceleyelim.

Sabit olan bir resme nazaran diğer bir resmin ayarı demek olan anşlusta iki hal mevcuttur :

1 — Soldaki 1 No. lu resim sabit yani ayarlı iken, sağdaki ayar edilecek 2 inci resmin oriyantasyon unsurlarının tayini.

2 — Sağdaki 2 No. lu resim sabit yani ayarlı iken, soldaki 1 No. lu resmin oriyantasyon unsurlarının bulunması ve dolayısıyla bizzat oriyantasyonunun yapılması yani cihetlenmesi.

Yukarıdaki iki muhtelif hali birlikte mütalâa etmek mukayese ve müşterek netice elde etme bakımından faydalı olacaktır. Bu sebeple her iki resimde müşterek olan yedi nokta için, 1 No. lu denklem yardımıyla ve 1 No. lu koordine çizelgesi göz önünde bulundurularak aşağıdaki 2 No. lu emsal çizelgesi şeklindeki paralaks denklemleri yazılabilir. Kolaylık bakımından dy , dz , $d\kappa$, $d\varphi$ ve $d\omega$ kıymetleri by , bz , κ , φ , ω ve

$$\left(1 + \frac{y^2}{f^2}\right) = \left(1 + \frac{a^2}{f^2}\right) = C \text{ olarak gösterilirse :}$$

1 — I inci resim sabit iken II inci resme ait
Paralaks denklem çizelgesi

Rumuz	No.	by''	bz''	K''	φ''	ω''
$P' =$	1	1	0	$-b$	0	$-f$
	2	1	0	0	0	$-f$
	3	1	$+a/f$	$-b$	$+ab/f$	$-cf$
	4	1	$+a/f$	0	0	$-cf$
	5	1	$-a/f$	$-b$	$-ab/f$	$-cf$
	6	1	$-a/f$	0	0	$-cf$
	7	1	$-a/f$	$-b/2$	$-ab/2f$	$-cf$

Çizelge (2)

2 — II inci resim sabit iken (cihetlenmiş),
I inci resmin paralaks denklemleri çizelgesi

Rumuz	No.	by'	bz'	K'	φ'	ω'
$P' =$	1	1	0	0	0	$-f$
	2	1	0	$+b$	0	$-f$
	3	1	$+a/f$	0	0	$-cf$
	4	1	$+a/f$	$+b$	$-ab/f$	$-cf$
	5	1	$-a/f$	0	0	$-cf$
	6	1	$-a/f$	$+b$	$+ab/f$	$-cf$
	7	1	$-a/f$	$+b/2$	$+ab/2f$	$-cf$

Çizelge (3)

Mukabil ayarda ise paralakslar noktalarındaki her iki resme ait Δy lerin farklarına eşit, yani $\Delta y'' - \Delta y' = p'' - p'$ olduğundan paralakslara ait denklem çizelgesi bundan evvelki hallere ait I ve II No. lu çizelgelerden faydalanarak mukabil ayara ait paralaks denklem çizelgesi aşağıdaki şekilde hazırlanabilir.

Kolaylık ve kısalık bakımından,

$by'' - by' = db_y$, $bz'' - bz' = db_z$ ve $\omega'' - \omega' = \Delta\omega$ olarak gösterildiği takdirde :

Rumuz	No.	b_y	b_z	χ'	χ''	φ'	φ''	$\Delta\omega$
$P = p'' - p'$	1	1	0	0	-b	0	0	-f
	2	1	0	-b	0	0	0	-f
	3	1	$+\frac{a}{f}$	0	-b	0	$+\frac{ab}{f}$	-cf
	4	1	$+\frac{a}{f}$	-b	0	$+\frac{ab}{f}$	0	-cf
	5	1	$-\frac{a}{f}$	0	-b	0	$-\frac{ab}{f}$	-cf
	6	1	$-\frac{a}{f}$	-b	0	$-\frac{ab}{f}$	0	-cf
	7	1	$-\frac{a}{f}$	$-\frac{b}{2}$	$-\frac{b}{2}$	$-\frac{ab}{2f}$	$-\frac{ab}{2f}$	-cf

şeklini alır.

Çizelge: 4

7 denklemde yalnız 5 bilinmiyen bulunduğundan, bunlardan yukarıdaki çizelgelerde gösterilen noktaların ilk dördü olan 1, 2, 3 ve 4 No. lu noktalar esas olmak üzere 5, 6 ve 7 No. lu denklemlerin herbiriyle ayrı ayrı terkip edilerek çözümleri yapılırsa :

$$\begin{aligned}
 \chi'' &= \frac{p_2 - p_1}{b} = \left[\frac{(p_4 + p_6)}{2} - \frac{(p_3 + p_5)}{2} \right] \frac{1}{b} \\
 &= \frac{(p_4 - p_3) + (p_6 - p_5)}{2} \cdot \frac{1}{b} \\
 b\chi'' &= \frac{p_4 - p_6}{2a} \cdot f \\
 b\chi'' &= \frac{2p_1 - 2p_2 - p_3 + 2p_4 - p_5}{2a} \cdot f \\
 b\chi'' &= \frac{2p_1 - 2p_2 - p_3 + 3p_4 - 2p_5}{4a} \cdot f \\
 \varphi' &= \frac{(p_3 - p_1) - (p_4 - p_2)}{ab} \cdot f \\
 \varphi' &= \frac{(p_2 - p_1) - (p_4 - p_3)}{ab} \cdot f \\
 \omega'' &= \frac{(p_2 - p_4) + (p_2 - p_6)}{2} \cdot \frac{f}{a^2} \\
 \omega'' &= \frac{(p_1 - p_3) + (p_1 - p_5)}{2} \cdot \frac{f}{a^2} \\
 \omega'' &= \frac{(p_1 - p_3) + (p_1 - p_5) + (p_2 - p_4) + (p_2 - p_6)}{4} \cdot \frac{f}{a^2} \\
 \omega'' &= \frac{(p_1 - p_3) + (p_1 - p_5) + (p_2 - p_4) + (p_2 - p_6)}{4} \cdot \frac{f}{a^2} \\
 by'' &= p_2 + f\omega'' \quad \text{veya} \\
 \omega'' &= \frac{f}{a^2} \left(p_2 - \frac{p_4 + p_6}{2} \right) \\
 \omega'' &= \frac{f}{a^2} \left(p_1 - \frac{p_3 + p_5}{2} \right)
 \end{aligned}
 \tag{3}$$

Keza 3 No. lu çizelgedeki denklemlerin çözümleriyle veya 3 No. lu denklemlerde 1, 3, 5 işaretleri yerine 2, 4, 6 işaretleri ve + b yerine - b konursa :

$$\begin{aligned}
 x' &= \frac{p_2 - p_1}{b} & \omega' &= -\frac{(p_3 - p_1) + (p_5 - p_1)}{2} \cdot \frac{f}{a^2} \\
 x' &= \left(\frac{p_4 + p_6}{2} - \frac{p_3 + p_5}{2} \right) \cdot \frac{1}{b} & \omega' &= -\frac{(p_4 - p_2) + (p_6 - p_2)}{2} \cdot \frac{f}{a^2} \\
 x' &= \left(\frac{p_4 - p_3}{2} + \frac{p_6 - p_5}{2} \right) \cdot \frac{1}{b} & \omega' &= -\frac{(p_3 - p_1) + (p_5 - p_1) + (p_4 - p_2) + (p_6 - p_2)}{4} \cdot \frac{f}{a^2} \\
 bz' &= \frac{p_3 - p_5}{2a} \cdot f & \omega' &= -\frac{(p_3 - p_1) + (p_5 - p_1) + (p_4 - p_2) + (p_6 - p_2)}{4} \cdot \frac{f}{a^2} \\
 bz' &= \frac{(2p_2 - 2p_1 + 3p_3 - p_4 - 2p_7)}{4a} \cdot f & \omega' &= -\frac{(p_3 - p_1) + (p_5 - p_1) + (p_4 - p_2) + (p_6 - p_2)}{4} \cdot \frac{f}{a^2} \\
 bz' &= \frac{(-2p_1 + 2p_2 + 3p_3 - p_4 - p_6)}{2a} \cdot f & by' &= p_1 + f\omega' \text{ veya ayrıca} \\
 \varphi' &= \frac{(p_2 - p_1) - (p_4 - p_3)}{ab} \cdot f & \omega' &= \frac{f}{a^2} \left(p_1 - \frac{p_3 + p_5}{2} \right) \\
 \varphi' &= \frac{(p_3 - p_1) - (p_4 - p_2)}{ab} \cdot f & \omega' &= \frac{f}{a^2} \left(p_2 - \frac{p_4 + p_6}{2} \right)
 \end{aligned}$$

(4)

denklemleri elde edilir.

Mukabil ayara ait 4 No. lu çizelgedeki denklemler çözümlerse :

$$\begin{aligned}
 \Delta x &= x' - x'' = \frac{p_2 - p_1}{b} \\
 &= \left(\frac{p_4 + p_6}{2} - \frac{p_3 + p_5}{2} \right) \cdot \frac{1}{b} \\
 &= \frac{(p_4 - p_3) + (p_6 - p_5)}{2} \cdot \frac{1}{b}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \Delta \varphi &= \varphi' - \varphi'' = \frac{(p_2 - p_1) - (p_4 - p_3)}{ab} \cdot f \\
 &= \frac{(p_3 - p_1) - (p_4 - p_2)}{ab} \cdot f
 \end{aligned}$$

(5)

$$\begin{aligned}
 \Delta \omega &= \omega' - \omega'' = -\frac{(p_3 - p_1) + (p_5 - p_1)}{2} \cdot \frac{f}{a^2} \\
 &= -\frac{(p_4 - p_2) + (p_6 - p_2)}{2} \cdot \frac{f}{a^2} \\
 &= -\frac{(p_3 - p_1) + (p_5 - p_1) + (p_4 - p_2) + (p_6 - p_2)}{4} \cdot \frac{f}{a^2}
 \end{aligned}$$

$$\text{veya} \quad \Delta \omega = \frac{f}{a^2} \left(p_1 - \frac{p_3 + p_5}{2} \right) = \frac{f}{a^2} \left(p_2 - \frac{p_4 + p_6}{2} \right)$$

Diğer unsurlara gelince; Onların tesirleri birbirlerine tabi olduklarından ayrı olarak bulunmaları imkânsızdır. by her noktada aynı ve tam y paralaksı anlamında ve müşabih olduğundan dbz'leri P, paralaksları içerisinde mütalâa edilebilir. Diğer taraftan dbz ile φ' ve φ'' nin emsalleri bütün noktalarda orantılı olduklarından ne denklemlerde nede pratikte birbirlerinden ayırmak mümkün değildir. Bu sebeple, ya dbz tesirini de biraz hatalı olarak paralaksa içinde mütalâa ederek tesirlerini φ' ve φ'' ile gidermek açık bir tabirle hiç dbz tashihi veya ayarı yapmadan üst kenardaki paralaksların hepsini φ' ve φ'' ile gidermek lâzımdır, veyahut ta dbz, statoskop veya diğer alet ve usullerle tayin edilip paralakstaki tesiri ister hesap usulü ile olsun ister pratik ayarda olsun, giderilir ve bu suretle φ' ve φ'' nin sahih olarak tayini sağlanır. Bu sebeple; genel olarak $P_n = p_n - \frac{y}{f}$ dbz veya $P_1 = p_1, P_2 = p_2, P_3 = p_3 - \frac{a}{f}$ dbz ,

$P_4 = p_4 - \frac{a}{f}$ dbz, $P_5 = p_5 + \frac{a}{f}$ dbz, $P_6 = p_6 + \frac{a}{f}$ dbz ve $P_7 = p_7 + \frac{a}{f}$ dbz olarak olırsa; Çizelge :

	No.	κ'	κ''	φ'	φ''	$\Delta\omega$
P =	1	0	-b	0	0	-f
	2	-b	0	0	0	-f
	3	0	-b	0	+ab/f	-cf
	4	-b	0	+ab/f	0	-cf
	5	0	-b	0	-ab/f	-cf
	6	-b	0	-ab/f	0	-cf
	7	-b/2	-b/2	-ab/2f	-ab/2f	-cf

Çizelge (5)

şeklinde olur. Bu denklemlerin çözümleriyle,

$$\kappa' = \frac{f}{ba^2} \left(\frac{P_4 + P_6}{2} - c P_2 \right) , \quad \varphi' = \frac{f}{2ab} (P_4 - P_6)$$

$$\kappa'' = \frac{f}{ba^2} \left(\frac{P_3 + P_5}{2} - c P_1 \right) , \quad \varphi'' = \frac{f}{2ab} (P_3 - P_5)$$

⑥

$$\Delta\kappa = \frac{(P_2 - P_1)}{b} = \frac{1}{b} \left[\frac{(P_4 + P_6)}{2} - \frac{(P_3 + P_5)}{2} \right]$$

$$\Delta\varphi = \frac{f}{ab} \left[(P_2 - P_1) - (P_4 - P_3) \right]$$

$$\begin{aligned}\Delta\varphi &= \left[(P_3 - P_1) - (P_4 - P_2) \right] \frac{f}{ab} \\ &= \left(\frac{(P_6 + P_4)}{2} - \frac{(P_5 + P_3)}{2} \right) \frac{f}{ab}\end{aligned}\quad (6)$$

$$\begin{aligned}\Delta\omega &= -\frac{f}{a^2} \frac{(P_3 - P_1) + (P_5 - P_1)}{2} \\ &= -\frac{f}{a^2} \frac{(P_4 - P_2) + (P_6 - P_2)}{2} \\ &= -\frac{f}{a^2} \frac{(P_3 - P_1) + (P_5 - P_1) + (P_4 - P_2) + (P_6 - P_2)}{4}\end{aligned}$$

veya

$$\Delta\omega = +\frac{f}{a^2} \left(P_1 - \frac{P_3 + P_5}{2} \right) = +\frac{f}{a^2} \left(P_2 - \frac{P_4 + P_6}{2} \right)$$

değerleri elde edilir. Gene yukarda geçen dört çizelge yardımıyla muhtelif noktalardaki paralakslar arasındaki aşağıdaki münasebetler tesbit edilebilir.

$$\begin{aligned}P_7 &= \frac{(P_5 - P_6)}{2} \\ P_6 - P_7 &= P_7 - P_5 = (P_2 - P_1) - \frac{1}{2} (P_4 - P_3) \\ P_2 - P_1 &= \frac{P_4 + P_6}{2} - \frac{P_3 + P_5}{2} \\ P_2 - P_1 &= \frac{(P_4 - P_3) + (P_6 - P_5)}{2}\end{aligned}\quad (7)$$

Bu münasebetlerden şu netice çıkarılabilir : müşterek (bindirmeli) sahanın ortasından geçen ve baz hattına dik olduğu kabul edilen bir mihver üzerindeki her hangi bir noktadaki paralaks o mihverin sağında ve solunda eşit uzaklıktaki (mütenazır) noktaların paralaksları ortalamasına eşittir. Keza baz üzerinde bulunan iki merkez arasındaki fark bu noktaların sağ ve solundaki mütenazır noktalardaki paralaksaların vasatilerinin farklarına eşit olduğu gibi müşterek sahanın baza dik olan eksenine mütenazır bulunan noktaların farklarının vasatisine de eşittir. Bu değerlerden ve ifade ettikleri hususiyetlerden istifade edilerek tatbikat ta iki şekilde kullanılabilir.

1 — Stereokomparatorda veya bizzat kıymetlendirme aletlerinde by vidasiyle ölçülecek P paralakslarından hesap edilecek by, bz, α' , α'' , φ' , φ'' , ω' , ω'' ve $\Delta\omega$ kıymetleri, teker teker ve arzu edilen her hangi bir sıra takip ederek, ait oldukları vidalara tatbik etmek suretiyle resim çiftleri paralakslardan tamamiyle kurtarılır yani ayar edilebilirler. Veya,

2 — Paralakslar ölçülmeden münasip vidalarla aşağıda tarif edilen şekilde ifna edilerek resim çiftleri paralaksız hale getirilirler yani cihetçe ayar edilir, fenni bir tabirle oriyantasyon edilmiş olurlar.

a - Anşlusta :

(1) — Sabit olan soldaki birinci resme nazaran Sağdaki II nci resmin ayarı, evvelâ $\Delta\omega$ tesiri nazarı itibara alınmıyarak,

1 — 2 No. lu noktadaki paralaks by ile ifna edilirse diğer bütün noktalarda by tesiri ortadan kalkmış olur ve hiçbir noktada yeni paralaks husule gelmez.

2 — 1 No. lu noktadaki paralaks κ' ile ifna edilirse bütün noktalarda κ' tesiri ortadan kalkmış olur ve hiçbir yerde yeni paralaks husule gelmez.

3 — 4 No. lu noktada geri kalan paralaks bz ile giderilirse bz nin bütün noktalardaki tesiri ortadan kalkar ve diğer noktalarda yeni paralaks hasıl olmaz.

4 — 3 No. lu noktada (by', κ' ve bz' tesirleri evvelce giderildiğinden) geri kalan paralaks. φ' ile yok edilirse, 1, 2, ve 4 No. lu noktalar gibi 3 No. lu noktada da paralaks kalmaz. Yalnız 5, 6 ve 7 No. lu noktalarda by' bz' κ' ve φ' den mütevellit paralakslar ifna edilmiş olursa da evvelce diğer noktalarda nazarı itibara alınmış olan ω' nin biriken tesirleri de bu noktada geri kalmış olan ω' tesirine inzımm etmiş olur ki bu noktadaki paralaksın tekmielinin giderilmesi diğer noktalarda yeniden paralaksların meydana gelmesine sebep olacak ve işler uzayacaktır. Bu sebeple ileride açıklanacağı gibi bu son üç noktanın herhangi birindeki paralaks ω' vidasiyle giderildikten mada aksi istikamette öyle bir yeni paralaks verilirkı bütün noktalarda da meydana gelecek yeni paralakslar yukarda izah edilen usul ve sıra ile tekrar giderilirse veya ileride izah edileceği gibi yalnız by, bz' ve ω' ile noktalardaki yeni paralakslar giderilirse bu def'a son noktalarda da paralaks kalmaz.

b - Mukabil veya serbest ayar ;

Başlangıçta $\Delta\omega$ tesiri nazarı itibare alınmazsa, çizelgeden ve denklemlerden de anlaşılacağı gibi,

1 — 1 No. lu noktada paralaks ikinci resmin κ' sı ile giderilirse 3, 5 ve 7 No. lu noktalarda κ' den mütevellit paralakslar zail olur ve diğer noktalarda ise (denklemlerinde haddi bulunmadığı için) yeni bir paralaks husule gelmez.

2 — 2 No. lu noktadaki paralaks κ' ile giderilirse 4, 6 ve 7 No. lu noktalarda κ' den mütevellit paralakslar gider ve diğer noktalarda yukarıdaki sebepten yeni paralakslar meydana gelmez.

3 — 3 No. lu noktadaki (κ' nin tesiri evvelce giderilmiş olduğundan) geri kalan paralaks φ' ile giderilirse 5 ve 7 No. lu noktalarda da paralaksların φ' den mütevellit kısmı giderilmiş olur ve diğer noktalarda da yeni paralakslar meydana gelmez.

4 — 4 No. lu noktadaki (κ' den ileri gelen paralaks kısmı evvelce giderilmiş olduğundan) geri kalan paralaks φ' ile ifna edilirse, 5, 6 ve 7 No. lu noktalardaki paralaksların φ' den ileri gelen kısımları da zail olur ve diğer noktalarda yeni paralakslar meydana gelmez.

5 — Bu suretle 1, 2, 3 ve 4 No. lu noktalarda bütün paralakslar 5, 6 ve 7 No. lu noktalarda da κ' , κ'' , φ' ve φ'' den ileri gelen paralaks-lar giderilmiş olur ve fakat esasında bütün noktalarda $\Delta\omega$ dan ileri gelen paralaksların nazarı itibare alınmamış olması son üç noktadaki paralaks-lara inzimam ettiğinden bu noktalardaki paralaksların ω ile giderilmesi diğer noktalarda yeni paralakslar meydana getireceğinden anşlusta izah edildiği gibi aksi istikamette yeni bir paralaks verilerek ameliyenin aynen veya anşlusta izah edildiği şekilde tekrar edilerek resim çiftinin meydana getirdiği model paralakstan tamamiyle kurtarılmış olur. Bu ise son üç nok-tanın herhangi birinde birinci ameliye sonunda kalan paralaks giderildik-ten sonra aksi istikamette yeni bir paralaks vücuda getirilmekle olurki ilerde tayini gösterilecek olan bu yeni paralaks miktarının bütün diğer paralaksız noktalarda hasıl edeceği yeni paralakslar giderildiğinde son noktalarda da hiç bir paralaks kalmaz.

Şimdi 5, 6 ve 7 No. lu noktaların herhangi birindeki paralaksı de-ğiştirip ω vidasiyle aksi istikamette yeniden ne miktar paralaksın meydana getirilmesinin icap ettiğini inceleyelim :

Bunun için evvelâ yukarıda izah edilen usul ve sıra ile resimlerdeki 1, 2, 3 ve 4 No. lu noktalardaki paralaksların giderilmiş olduğunu far-zedelim. Bu takdirde 5, 6 ve 7 No. lu noktaların herhangi birindeki pa-ralaksın C misli kadar yeni bir paralaks vererek bunu aşağıdaki çizelgede gösterildiği şekilde izale etmek için C nin değerini araştıralım ; Aşağıdaki 6 No. lu çizelgeden istifade edilerek :

$$d\omega' = -cd\omega'' = \frac{Ch_5}{h_5^2 + y_5^2} \text{ olduğundan,}$$

$$P_5' = P_5'' \left(1 - C + \left(h_1 + \frac{y_5}{h_5} \cdot \frac{h_3^2 + y_3^2 - h_1 h_3}{y_3} \right) \frac{h_5 \cdot C}{h_5^2 + y_5^2} \right) = \text{son para-}$$

laks olup sıfır olması için,

$$1 - C + \left(h_1 + \frac{y_5}{h_5} \cdot \frac{h_3^2 + y_3^2 - h_1 h_3}{y_3} \right) \frac{C_1 h_5}{h_5^2 + y_5^2} = 0 \text{ olmalıdırki bura-}$$

dan da,

Hareket	1	2	3	4	5, 6 veya 7
0	$\dot{P}_1 = 0$	$\dot{P}_2 = 0$	$\dot{P}_3 = 0$	$\dot{P}_4 = 0$	$\dot{P}_5 = -\frac{h_5^2 + \gamma_5^2}{h_5} d\omega^*$
$d\omega' = -c d\omega$	$-h_1 d\omega'$	$-h_2 d\omega'$	$-\frac{h_3^2 + \gamma_3^2}{h_3} d\omega'$	$-\frac{h_4^2 + \gamma_4^2}{h_4} d\omega'$	$+ \dot{P}_5^* - \frac{h_6^2 + \gamma_6^2}{h_5} \cdot \frac{c \dot{P}_5^* - h_6}{h_5^2 + \gamma_6^2} = (1-c) \dot{P}_5^*$
$db\gamma = +h_1 d\omega'$	$\ddot{P}_1 = 0$	$(h_1 - h_2) d\omega' \approx \ddot{P}_2 \times 0$	$\ddot{P}_3 = (h_1 - \frac{h_3^2 + \gamma_3^2}{h_3}) d\omega'$ $\ddot{P}_3 = \frac{h_1 h_3 - h_3^2 - \gamma_3^2}{h_3} d\omega'$	$\ddot{P}_4 = (h_1 - \frac{h_4^2 + \gamma_4^2}{h_4}) d\omega'$ $\ddot{P}_4 = \frac{h_1 h_4 - h_4^2 - \gamma_4^2}{h_4} d\omega'$	$\ddot{P}_5 = (1-c) \dot{P}_5^* + h_1 d\omega'$
$db\gamma = -\frac{h_3}{\gamma_3} \ddot{P}_3$ $= \frac{h_3^2 + \gamma_3^2 - h_1 h_3}{\gamma_3} d\omega'$	$\ddot{P}_1 = 0$	$\ddot{P}_2 = 0$	$\ddot{P}_3 = 0$	$h_3 \approx h_4$ ve $\gamma_3 \approx \gamma_4$ $\ddot{P}_4 = 0$	$\ddot{P}_5 = (1-c) \dot{P}_5^* + (h_1 + \frac{\gamma_5}{h_5}) \frac{h_3^2 + \gamma_3^2 - h_1 h_3}{\gamma_3} d\omega'$

Çizelge 6

$$C = \frac{h_5^2 + \gamma_5^2}{h_5^2 + \gamma_5^2 - h_1 h_5} - \frac{\gamma_5}{h_5} \left(\frac{h_3^2 + \gamma_3^2 - h_1 h_3}{h_5} \right) = \frac{\gamma_3 (y_5^2 + h_5^2)}{y_3 (y_5^2 + h_5 \Delta h_5) - y_5 (y_3^2 + h_3 \Delta h_3)}$$

burada, $\Delta h_5 = h_5 - h_1$ ve $\Delta h_3 = h_3 - h_1$ dir.

Hareket	1	2	3	4	5, 6 veya 7
0	0	0	0	0	$P_5^0 = -\frac{h_5^2 + \gamma_5^2}{h_5} dw$
$dw' = \frac{h_5 P_5^0}{h_5^2 + \gamma_5^2}$	$\frac{h_1 h_5 P_5^0}{h_5^2 + \gamma_5^2}$	$\frac{h_2 h_5 P_5^0}{h_5^2 + \gamma_5^2}$	$-\frac{h_3^2 + \gamma_3^2}{h_3} \cdot \frac{h_5 P_5^0}{h_5^2 + \gamma_5^2}$	$-\frac{h_4^2 + \gamma_4^2}{h_4} \cdot \frac{h_5 P_5^0}{h_5^2 + \gamma_5^2}$	$-\frac{h_5^2 + \gamma_5^2}{h_5} \cdot \frac{h_5 P_5^0}{h_5^2 + \gamma_5^2} + P_5^0 = P_5' = 0$
$dbv = \frac{h_1 h_5 P_5^0}{h_5^2 + \gamma_5^2}$	$P_1'' = 0$	$\frac{h_2 P_5^0}{h_5^2 + \gamma_5^2} (h_1 - h_2)$ $P_2'' \approx 0$	$\frac{h_1 h_5 P_5^0}{h_5^2 + \gamma_5^2} \cdot \frac{h_3^2 + \gamma_3^2}{h_3} \cdot \frac{h_5 P_5^0}{h_5^2 + \gamma_5^2}$ $P_3'' = \frac{h_1 h_3 - h_3^2 - \gamma_3^2}{h_3} \cdot \frac{h_5 P_5^0}{h_5^2 + \gamma_5^2}$	$P_4'' = \frac{h_1 h_4 - h_4^2 - \gamma_4^2}{h_4} \cdot \frac{h_5 P_5^0}{h_5^2 + \gamma_5^2}$	$P_5'' = \frac{h_1 h_5}{h_5^2 + \gamma_5^2} \cdot P_5^0$
$dbz = -\frac{P_3'' h_3}{\gamma_3}$	$P_1'' = 0$	$P_2'' = 0$	$P_3'' = 0$	$P_4'' - \frac{\gamma_4}{h_4} \cdot \frac{P_3'' h_3}{\gamma_3}$ $h_4 \approx h_3$ ve $\gamma_4 \approx \gamma_3$ $P_4'' = P_4' - P_4'' = 0$	$P_5'' = \frac{h_1 h_5 P_5^0}{h_5^2 + \gamma_5^2} - \frac{\gamma_5}{h_5} \cdot \frac{h_1 h_3 - h_3^2 - \gamma_3^2}{h_3} \cdot \frac{h_5 P_5^0}{h_5^2 + \gamma_5^2} \cdot \frac{h_3}{h_5^2 + \gamma_5^2} \cdot \frac{h_3}{h_5^2 + \gamma_5^2}$ $P_5'' = \frac{P_5^0}{h_5^2 + \gamma_5^2} \left[h_1 h_5 - \frac{\gamma_5}{h_5} (h_1 h_3 - h_3^2 - \gamma_3^2) \right]$

Çizelge 7

veya, yukarıdaki 7 No. lu çizelgeden,

$P_5 = P_5^0 = \frac{P_5^0}{h_5^2 + y_5^2} \left(h_1 h_5 - \frac{y_5}{y_3} (h_1 h_3 - h_3^2 - y_3^2) \right)$ elde edilirki buradan da,

$$C = \frac{P_5^0}{P_5^0 - P_5} = \frac{h_5^2 + y_5^2}{\left(h_5^2 + y_5^2 - h_1 h_5 \right) - \frac{y_5}{y_3} \left(h_3^2 + y_3^2 - h_1 h_3 \right)}$$

$$\Delta h_n = h_5 - h_1 \text{ ve}$$

$$\Delta h_3 = h_3 - h_1 \text{ ile ve } y_n^2 + h_n \Delta h_n = n \text{ ile gösterilirse :}$$

$$C = \frac{(y_5^2 + h_5^2)}{\left(y_5^2 + h_5 \Delta h_5 \right) - \frac{y_5}{y_3} \left(y_3^2 + h_3 \Delta h_3 \right)} \quad \text{denklemleri elde edilir.}$$

$$C = \frac{(y_5^2 + h_5^2) y_3}{y_3 n_5 - y_5 n_3}$$

Eğer paralaksar fokal (odak) mesafesi f olan fotoğraf camı üzerinde mütalâa edilirse, $h_1 = h_3 = h_5 = f$ olacağından,

$$C = \frac{y_5^2 + f^2}{y_3^2 - y_3 y_5} \quad \text{denklemini bulunur. Eğer 3 ve 5 No. lu noktalar}$$

bazdan eşit mesafede yani $y_5 = -y_3$ olarak alınırsa :

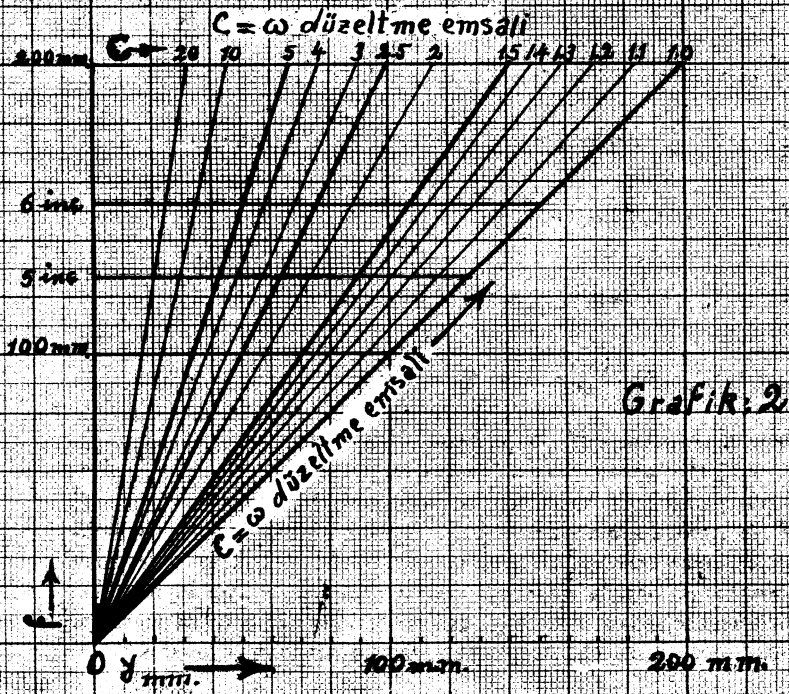
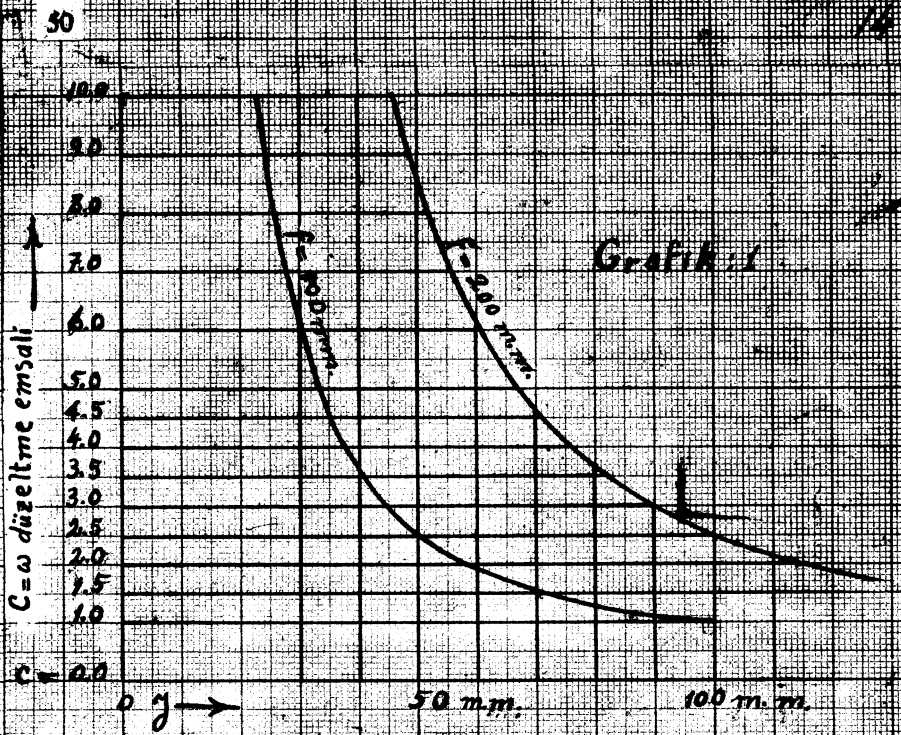
$$C = \frac{1}{2} \left(1 + \frac{f^2}{y_5^2} \right) \text{ olmuş olur. } \frac{f}{y_5} = \cot \lambda_{y_5} \text{ olduğunda,}$$

$$C = \frac{1}{2} (1 + \cot^2 \lambda_y) \text{ ve buradanda,}$$

$$C = \frac{1}{2} \csc^2 \lambda_{y_5} \text{ kıymeti elde edilir. Aynı zamanda,}$$

$$\cot \lambda_{y_5} = - \frac{f}{y_5} = \sqrt{2c - 1} \text{ dir.}$$

Böylece 5, 6 veya 7 No. lu noktada kalmış olan P paralaksası değiştirilerek $-C P$ oluncaya kadar resimlerden birine ω hareketi verilir. Bu suretle adı geçen 5, 6 ve 7 No. lu noktalarda $P - CP = (1 - C) P$ kadar yeni bir paralaks meydana gelirken, diğer 1, 2, 3 ve 4 No. lu noktalardaki yeni paralaksar evvelce izah edilen şekilde tekrar giderilince 5, 6 ve 7 No. lu noktalarda da artık paralaks kalmaz. C nin kıymeti hesaba ihtiyaç hâsıl olmadan müteakip sayfalarda kamaranın fokal mesafesi ve noktaların y sine göre hazırlanan grafiklerden kolayca bulunabilir.



Özet

1 — Hesapla oriyantasyon :

a - Paralaksalar arasındaki münasebetler : p' ve p'' , p olarak gösterilmiştir.

$$\begin{aligned} p_2 - p_1 &= \frac{p_4 + p_6}{2} - \frac{p_3 + p_5}{2} \\ p_2 - p_1 &= \frac{(p_4 - p_3) + (p_6 - p_5)}{2} \\ p_7 - p_6 &= (p_2 - p_1) - \frac{1}{2} (p_4 - p_3) \\ p_6 - p_7 &= (p_2 - p_1) - \frac{1}{2} (p_4 - p_3) \\ p_7 &= \frac{p_5 + p_6}{2} \end{aligned}$$

$$x'' = \begin{cases} \frac{(p_2 - p_1)}{b} \\ \left(\frac{p_4 + p_6}{2} - \frac{p_3 + p_5}{2} \right) \frac{1}{b} \\ \frac{(p_4 - p_3) + (p_6 - p_5)}{2} \frac{1}{b} \end{cases}$$

b - II nci rəsmin (Sağdaki) sabit olan birinci resme nazaran oriyantasyon unsurları : $p' = p$ olarak gösterilmiştir.

$$\varphi'' = \begin{cases} \frac{(p_2 - p_1) - (p_4 - p_3)}{a \cdot b} \cdot f \\ \frac{(p_2 - p_1) - (p_4 - p_3)}{a \cdot b} \cdot f \end{cases}$$

$$bz'' = \begin{cases} \frac{p_4 - p_6}{2} \frac{f}{a} \\ \frac{2p_1 - 2p_2 - p_3 + 2p_4 - p_5}{2} \frac{f}{a} \\ \frac{2p_1 - 2p_2 - p_3 + 3p_4 - 2p_7}{4} \frac{f}{a} \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \omega'' &= - \frac{(p_4 - p_3) + (p_6 - p_5)}{2} \frac{f}{a^2} \\ \omega'' &= - \frac{(p_3 - p_1) + (p_5 - p_7)}{2} \frac{f}{a^2} \\ \omega'' &= - \frac{(p_3 - p_1) + (p_5 - p_7) + (p_4 - p_2) + (p_6 - p_5)}{4} \frac{f}{a^2} \\ \omega'' &= - \frac{(p_3 - p_1) + (p_7 - p_6) + (p_4 - p_2) + (p_7 - p_5)}{4} \frac{f}{a^2} \\ \omega'' &= \frac{f}{a^2} \left(p_3 - \frac{p_4 + p_6}{2} \right) \\ \omega'' &= \frac{f}{a^2} \left(p_1 - \frac{p_3 + p_5}{2} \right) ; by' = p_2 + f \omega'' \end{aligned}$$

c - 1 nci resimin (Soldaki sabit) olan ikinci (Sağdaki) resme nazaran.

Oriyantasyon unsurları :

$$x' = \begin{cases} \frac{(p_3 - p_1)}{b} \\ \left(\frac{p_4 + p_6}{2} - \frac{p_3 + p_5}{2} \right) \frac{1}{b} \\ \frac{(p_4 - p_3) + (p_6 - p_5)}{2} \frac{1}{b} \end{cases}$$

$$\varphi' = \begin{cases} \frac{(p_3 - p_1) - (p_4 - p_2)}{a b} \cdot f \\ \frac{(p_2 - p_1) - (p_4 - p_3)}{a b} \cdot f \end{cases}$$

$$bz' = \begin{cases} \frac{p_3 - p_5}{2} \frac{f}{a} \\ \frac{2p_2 - 2p_1 + 2p_3 - p_4 - p_6}{2} \frac{f}{a} \\ \frac{2p_2 - 2p_1 + 3p_3 - p_4 - 2p_7}{4} \frac{f}{a} \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \omega' &= - \frac{(p_4 - p_3) + (p_6 - p_2)}{2} \frac{f}{a^2} \\ \omega' &= - \frac{(p_3 - p_1) + (p_5 - p_1)}{2} \frac{f}{a^2} \\ \omega' &= - \frac{(p_3 - p_1) + (p_5 - p_1) + (p_4 - p_2) + (p_6 - p_2)}{4} \frac{f}{a^2} \\ \omega' &= - \frac{(p_3 - p_1) + (p_7 - p_1) + (p_4 - p_2) + (p_7 - p_2)}{4} \frac{f}{a^2} \\ \omega' &= \frac{f}{a^2} \left(p_2 - \frac{p_4 + p_6}{2} \right) \\ \omega' &= \frac{f}{a^2} \left(p_1 - \frac{p_3 + p_5}{2} \right) \quad ; \quad by' = p_1 + f \omega' \end{aligned}$$

d - İki resmin mukabil ayarındaki oriyantasyon unsurları : $p' = p$ olarak gösterilmiştir.

$$\Delta \kappa' = \begin{cases} \left(\frac{p_3 - p_1}{b} \right) \\ \left(\frac{p_4 + p_6}{2} - \frac{p_3 + p_5}{2} \right) \frac{1}{b} \\ \left(\frac{p_4 - p_3}{2} + \frac{p_6 - p_5}{2} \right) \frac{1}{b} \end{cases}$$

$$\Delta \varphi' = \begin{cases} \left(\frac{p_3 - p_1}{a} - \frac{p_4 - p_2}{b} \right) \cdot f \\ \left(\frac{p_3 - p_1}{a} - \frac{p_4 - p_2}{b} \right) \cdot f \\ \left(\frac{p_6 - p_4}{2} - \frac{p_5 - p_3}{2} \right) \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \kappa' &= \frac{f}{b a^2} \left(\frac{p_4 + p_6}{2} - C p_2 \right) \\ \kappa'' &= \frac{f}{b a^2} \left(\frac{p_3 + p_5}{2} - C p_1 \right) \\ \Delta \kappa &= \kappa'' - \kappa' ; C = \left(1 + \frac{a^2}{f^2} \right) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \varphi' &= \frac{f}{2 ab} (p_4 - p_2) \\ \varphi'' &= \frac{f}{2 ab} (p_3 - p_5) \\ \Delta \varphi &= \varphi'' - \varphi' \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Delta \omega &= - \frac{(p_4 - p_2) + (p_6 - p_2)}{2} \frac{f}{a^2} \\ \Delta \omega &= - \frac{(p_3 - p_1) + (p_5 - p_1)}{2} \frac{f}{a^2} \\ \Delta \omega &= - \frac{(p_3 - p_1) + (p_5 - p_1) + (p_4 - p_2) + (p_6 - p_2)}{4} \frac{f}{a^2} \\ \Delta \omega &= - \frac{(p_3 - p_1) + (p_7 - p_1) + (p_4 - p_2) + (p_7 - p_2)}{4} \frac{f}{a^2} \\ \Delta \omega &= \frac{f}{a^2} \left(p_2 - \frac{p_4 + p_6}{2} \right) \\ \Delta \omega &= \frac{f}{a^2} \left(p_1 - \frac{p_3 + p_5}{2} \right) ; by' = p_1 + f \omega' \end{aligned}$$

Yukarda gösterilen değerler hesap edilerek ait oldukları vidalar vasıtasıyla herhangi bir sıra takip edilerek tatbik edilirlse resimlerde mevcut bütün paralaksalar ifna edilmiş dolayısıyla resimler ayar edilmiş olurlar.

Eğer ayarda evvelâ 1 ve 2 No. lu noktalardaki $p_1 = p_2 = 0$ ise ; bu takdirde :

a - Paralaksalar arasındaki münasebetler : p' ve p' ler p olarak gösterilirse :

$$\begin{aligned} p_1 = p_3 &= 0 & p_7 &= p_5 - \frac{p_4 - p_3}{2} \\ \frac{p_3 + p_5}{2} &= \frac{p_4 + p_6}{2} & p_7 &= p_6 + \frac{p_4 - p_3}{2} \\ p_7 &= \frac{p_5 + p_6}{2} \end{aligned}$$

b - II nci resmin (Sağdaki) birinci resme (solda ve sabit) nazaran oriyantasyon unsurları : $p' = p$ olarak gösterilirse :

$$\kappa'' = 0$$

$$\varphi'' = \frac{f}{a b} (p_3 - p_4)$$

$$\begin{aligned} bz'' &= \frac{p_4 - p_3}{2} \frac{f}{a} \\ &= \frac{(p_4 - p_3) + (p_4 - p_5)}{2} \frac{f}{a} \\ &= \left(p_4 - \frac{p_3 + p_5}{2} \right) \frac{f}{a} \\ &= \frac{-p_3 + 3p_4 - 2p_5}{4} \frac{f}{a} \end{aligned}$$

$$\omega'' = - \frac{p_4 + p_3}{2} \frac{f}{a^2}$$

$$\omega'' = - \frac{p_3 + p_5}{2} \frac{f}{a^2}$$

$$\omega'' = - \frac{p_3 + p_4 + p_5 + p_6}{4} \frac{f}{a^2}$$

$$\omega'' = - \frac{p_3 + p_4 + 2p_7}{4} \frac{f}{a^2}$$

$$\omega'' = - \left(p_7 + \frac{p_3 + p_4}{2} \right) \frac{f}{a^2}$$

$$by'' = f \omega''$$

c . I nci resim (Solda) ikinci resme (sağda ve sabit) nazaran oriyantasyon unsurlarının tayini :

$$p'_n = p_n \text{ olarak gösterilirse,}$$

$$\kappa' = 0$$

$$\varphi' = \frac{f}{a b} (p_3 - p_4)$$

$$\begin{aligned} bz' &= \frac{p_3 - p_5}{2} \frac{f}{a} \\ &= \frac{(p_3 - p_4) + (p_3 - p_6)}{2} \frac{f}{a} \\ &= \frac{3p_3 - p_4 - 2p_7}{4} \frac{f}{a} \\ &= \left(p_3 - \frac{p_4 + p_6}{2} \right) \frac{f}{a} \end{aligned}$$

$$\omega' = - \frac{p_4 + p_6}{2} \frac{f}{a^2}$$

$$\omega' = - \frac{p_3 + p_5}{2} \frac{f}{a^2}$$

$$\omega' = - \frac{p_3 + p_4 + p_5 + p_6}{4} \frac{f}{a^2}$$

$$\omega' = - \frac{p_3 + p_4 + 2p_7}{4} \frac{f}{a^2}$$

$$\omega' = - \left(p_7 + \frac{p_3 + p_4}{2} \right) \frac{f}{a^2}$$

$$by' = f \omega'$$

d - Mukabil ayarda (iki resmin birbirine nazaran ayarında) :

$$\kappa' = \frac{f}{b a^2} \frac{p_4 + p_6}{2}$$

$$\kappa' = \frac{f}{b a^2} \frac{p_3 + p_5}{2}$$

$$\kappa'' - \kappa' = \Delta \kappa = 0$$

$$\varphi' = \frac{f}{2 a b} (p_4 - p_6)$$

$$\varphi'' = \frac{f}{2 a b} (p_3 - p_5)$$

$$\Delta \varphi = \frac{f}{a b} (p_3 - p_4)$$

$$= \frac{f}{a b} \left(\frac{p_6 - p_4}{2} - \frac{p_5 - p_3}{2} \right)$$

$$\Delta \omega = - \frac{p_3 + p_5}{2} \frac{f}{a^2}$$

$$\Delta \omega = - \frac{p_4 + p_6}{2} \frac{f}{a^2}$$

$$\Delta \omega = - \frac{p_3 + p_4 + p_5 + p_6}{4} \frac{f}{a^2}$$

$$\Delta \omega = - \frac{p_3 + p_4 + 2p_7}{4} \frac{f}{a^2}$$

$$\Delta \omega = - \left(p_7 + \frac{p_3 + p_4}{2} \right)$$

2 — Pratik oriyantasyon

a - Anışlusta :

II nci resmin ayarı		I nci resmin ayarı	
Nokta	Paralaksayı gidermek için yapılan hareket	Nokta	
2	by''	1	by'
1	κ''	2	κ'
4	bz''	3	bz'
3	φ''	4	φ'
5,6,7	$C\omega''$	5,6,7	$C\omega'$

b - Mukabil ayarda :

Nokta	Hareket
1	κ''
2	κ'
3	φ''
4	φ'
5,6,7	$C\omega'$ veya $C\omega''$

$$C = \frac{h_5^2 + y_5^2}{\left(h_5^2 + y_5^2 - h_1 h_5 \right) - \frac{y_5}{y_3} \left(h_3^2 + y_3^2 - h_1 h_3 \right)}$$

$$h_1 = h_3 = h_5 = f \text{ olursa}$$

$$C = \frac{y_5^2 + f^2}{y_5 y_3 - y_3 y_5} \text{ eğer } y_3 = -y_5 \text{ alınır}$$

$$C = \frac{1}{2} \left(1 + \frac{f^2}{y_5^2} \right) \text{ veya } C = \frac{1}{2} \operatorname{cosec} \lambda y_5$$