

MUVAZENELİ BİR ŞEKİL DİŞİNA BİR NOKTA İLÂVESİYLE HUSULE GELECEK ŞEBEKENİN MUVAZENESİ

Yazar: Enver BAŞARAN

Yük. Müh. Alb.

Harita Umum Müdürlüğünde I. Derece Nirengi şebekesine istinaden tesis edilen II. Derece Nirengi noktalariyle bunlara dayanan III. Derece Nirengi noktaları umumiyetle tek veya ikili olarak koordine muvazenesiyle hesaplanmaktadır. Esasen noktaların koordine muvazenesiyle elde edilmesi tercih edilmekte ise de elektronik hesap makineleri bulunmadığı zaman ikiden fazla noktanın toplu olarak nokta muvazenesiyle ve bilinen hesap makineleriyle hesaplanması gayri iktisadî ve müşkül olduğundan bu gibi hallerde şebeke muvazenesi tercih edilmektedir.

Bu sebeple aşağıdaki misalde verilen noktanın muvazenesi her ne kadar nokta muvazenesi ile hesaplanması icap ederse de şebeke şeklindeki muvazenenin yapılış tarzını göstermek bakımından örnek olarak alınmıştır.

1. Şekil: 1 de görüldüğü gibi (Kh, E, Ç, ve M,) harfleriyle gösterilen noktalar arasındaki siyah ve kalın çizgi ile belirtilen kısım evvelce muvazene edilmiş yüksek dereceli noktalar olsun.

Bu bölgenin batısında yapılacak herhangi bir nirengi işi için (2125 numaralı K) II. Derece noktası tesis edilir ve rasatları yapılacak olursa (2102, 2101, 3008, 3006 ve 2125) noktalarının hudutlandırıldığı küçük ve basit bir şebeke husule gelir. Elde edilen bu şeitin nasıl muvazene edileceği aşağıda kısaca izah edilecektir. Muvazeneye başlamadan evvel şunu hatırlatmak isterim ki, muvazenesi evvelce yapılmış olan (Kh-E), (E-Ç) ve (Ç-M) kenarlarına (istikametlerine) hiç bir düzeltme verilmemişinden bu düzeltmeler (0) sıfır kabul edilmiş ve bu sebepten bu istikametlere de ayrıca bir numara verilmemiştir.

2. Evvelâ muvazenesi yapılacak (E, Ç, M, K ve Kh) şeklinde bulunan istasyonlara ait açıların çıkarılması gerekmektedir. Bu sebeple lüzumlu olan istasyon açıları (Tablo: 1) deki kıymetlerden aşağıdaki şekilde göre bulunur.

NOT: Bu yazıya ait şekiller, makalenin sonundadır.

(E) istasyonundaki açılar :

$$-0+3 = 59^{\circ}.2631.54 \text{ (rasat istikametinden muvazeneli istikametin çıkarılmasıyle)}$$

$$-3+4 = 79.7171.88 \text{ (rasat istikametlerinin birbirinden çıkarılmasıyle)}$$

$$-4+0 = 77.9711.64 \text{ (muvazeneli istikametten rasat istikametinin çıkarılmasıyle)}$$

(Ç) istasyonundaki açı :

$114.1237.37$ olup iki muvazeneli istikametin birbirinden çıkarılmasıyle muvazeneli olarak bulunmuştur.

(M) istasyonundaki açılar :

$$-1+2 = 39.0026.58 \text{ (rasat istikametlerinin birbirinden çıkarılmasıyle)}$$

$$-2+0 = 26.6141.15 \text{ (rasat istikametinin muvazeneli istikametten çıkarılmasıyle)}$$

(K) istasyonundaki açılar :

$$-5+6 = 44.5212.41 \text{ (rasat istikametlerinin birbirinden çıkarılmasıyle)}$$

$$-6+7 = 81.2803.75 \text{ (rasat istikametlerinin birbirinden çıkarılmasıyle)}$$

(Kh) istasyonundaki açı :

$$-0+8 = 77.5072.89 \text{ (muvazeneli istikametin rasat istikametinden çıkarılmasıyle)}$$

NOT : Bu şekildeki 2125 No. lu (K) noktasının doğrudan doğruya (Kh, E, M) malum noktalarına istinaden koordine usulüne göre muvazene edilerek bulunması da imkân dahilindedir. Yalnız bu husule gelen küçük zincir şekli; iki muhtelif zincirin birleştiği yerde olması dolayısıyle bütün tecessüsleri bertaraf etmek ve kritik durumları da ihtiva etmesi bakımından zincir şeklinde muvazene edilmiştir.

3. Üçgenlerin kapatılışı :

Yukarıda bulunmuş olan açılarla (I, II, III) numara ile gösterilen üç üçgen (Tablo : II de görüldüğü gibi) kapatılır ve kürrevi eksesleri de nazarı itibara alınarak kapanma hataları bulunur. Bu üçgenlerin kürrevi eksesleri sırasıyla ($\varepsilon_1 = 3.06$, $\varepsilon_2 = 5.23$ ve $\varepsilon_3 = 2.14$) saniye olup kapanma hataları da ($W_1 = + 7.00$, $W_2 = - 3.02$ ve $W_3 = - 5.20$) saniyedir. Bu kapanış ve eksesler (Tablo : II) de gösterilmiş olup kenarlar sırasıyla aşağıdaki tertibe göre :

$$\log (1-3) = \log (2-3) + \operatorname{colog} \sin 1 + \log \sin 2$$

$$\log (1-2) = \log (2-3) + \operatorname{colog} \sin 1 + \log \sin 3$$

hesaplanır.

Muvazenesi yapılacak (K) noktasındaki rasatlar da aşağıya çıkarılmıştır.

(K) istasyonundan :

$$\text{Mamurt} = 0^{\circ}.0000.00$$

$$\text{Kh} = 158.8895.27$$

$$\text{E} = 203.4107.68$$

$$\text{M} = 284.6911.43$$

İstikametleri ölçülmüş ve bu rasatlar elde edilmiştir.

T A B L O : II

4. Muvazene için lüzumlu olan şartların tesbit ve tayini .
(İstikamet usulüyle rasat edildğine göre)

$$\begin{aligned} \text{a)} \text{ Zaviye (üçgen) şartı adedi} &= n' - s' + 1 \\ &= 7 - 5 + 1 \\ &= 8 - 5 \\ &= 3 \end{aligned}$$

Burada (n' =her iki taraftan rasat edilmiş olan hatların adedi) olup şekil, bir kül olarak kabul edileceğine göre muvazeneli istikametlerde de evvelce karşılıklı rasat yapılmış olduğundan onlar da sayılarak $n'=7$ hat olarak alınmıştır.

Yine aynı formülde (s' = rasat için üzerine çıkmış istasyon adedi) olup şekli tamamlamak için (5) istasyon vardır. Bu adetlere göre bulunan zaviye (üçgen) şartı üç tanedir, ve bu da şekildeki (I, II, III) numaralı üçgenlere aittir.

$$\begin{aligned} \text{b)} \text{ Kenar şartı adedi} &= n - 2s + 3 \\ &= 7 - 2(5) + 3 \\ &= 7 - 10 + 3 \\ &= 10 - 10 = 0 \end{aligned}$$

Burada n = mevcut hatlar ve s = mevcut istasyonlar adedini gösterir.

Bundan anlaşılyorki yeni bir kenar şartı yoktur. Yalnız evvelce muvaze ile malûm olan (E-Ç) ve (E-Kh) kenarlarının sabit oluşundan dolayı bu şekilde bir adet sabit kenar şartı vardır ve bu da (E-Ç) nin malûm ve muvazeneli kenarından kalkıp sırasıyla (I, II ve III) No. lu üçgenleri çözerek yine malûm ve muvazeneli olan (E-Kh) kenarına düşmekten ibarettir.

c) Baz (uzunluk) şartı :

Şekle dikkat edilecek olursa her ne kadar küçük te olsa yine üç üçgenli bir zincirden teşekkül etmiştir. Bu duruma göre yalnız bir adet baz

(uzunluk) şartının olması gerekmekte ve bunun da malüm olan (Ç-M) kenarının muvazeneli değerinden kaikarak yine sırasıyla (I,II,III) No. lu üçgenleri hesap ederek en sonunda malüm olan (E-Kh) kenarının muvazeneli değerine düşmekle kurulacağı görülmektedir.

Yukarıdaki izahattan sonra netice olarak bu şeklärin muvazenesi için (3 açı, 1 sabit kenar şartı ve bir de uzunluk şartı olmak üzere topluca) 5 şartın mevcut olduğu tesbit edilir.

5. Muvazene şartlarının kuruluşu :

a) Açı (üçgen) şartları :

Yukarıda bildirildiği ve şeklärden de görüldüğü gibi üç adet üçgen şartı olup üçgen sıra numarasına göre :

$$\text{I} \dots \dots - 2 + 0 - 0 + 3 + 7.00 = 0$$

$$\text{II} \dots \dots - 1 + 2 - 3 + 4 - 6 + 7 - 3.02 = 0$$

$$\text{III} \dots \dots - 4 + 0 - 5 + 6 - 0 + 8 - 5.20 = 0$$

(Ç noktasındaki açı muvazeneli olduğundan burada onun içln bir şey konmamıştır.)

b) Sabit kenar şartı :

Yukarıda izah edildiği veçhile (E-Ç) kenarından kalkıp (E-Kh) kenarına düşmekten ibarettir. (Tablo : III)

T A B L O : III

Bu tabloda logaritma hanesinin en üstünde (Ark - Sinüs) düzeltmeleri görülmektedir. Hesaba giren açılar kürrevi olduğundan başlangıç kenarlarının düzeye çevrilmesi için bu düzeltme konmuştur. Bu da evvelce Geodezi şubesince hesap edilmiş (Ark - Sinüs) tashih cetvelinden alınmış ve sekizinci logaritma hanesine yukarıya yazılmıştır. Bu düzeltmenin işaretini daima (-) dir. Bu düzeltme $= (10^8 \mu s^2) / 6 R^2$ ile de (8 haneli hesap için) bulunabilir. burada $\mu = 0.4342945$ ve $\text{Log } \mu = 1.6377843$

Yukardaki (Tablo : III) yardımcı ile sabit kenar şartı aşağıdaki şekilde kurulur. Bu tablodaki ($d_1^{''\frac{1}{2}}$) ile gösterilen ve bir saniye için bulunan sinüs farkları büyük olduğundan zarplarda kolaylık temin etmek için bunların ve mutlak haddin yüze taksim edilerek kullanılması daha uygundur. (Yalnız muvazeneli açı faktörü bir işlem görmemiştir.)

Bu duruma göre :

Sabit kenar şartı :

$$\text{IV} + 0.971 (- 1 + 2) + 0.811 (- 5 + 6) - (+ 1.536) (- 2 + 0)$$

$$+ 0.207 (- 6 + 7) + 0.252 (- 0 + 8) + 4.353 = 0$$

buradan

$$\text{IV} \dots - 0.971 (1) + 0.971 (2) - 0.811 (5) + 0.811 (6) + 1.536 (2) \\ + 0.207 (6) - 0.207 (7) - 0.252 (8) + 4.353 = 0$$

aynı olan istikamet faktörleri toplanacak olurso :

$$\text{IV} \dots - 0.971 (1) + 2.507 (2) - 0.811 (5) + 1.018 (6) - 0.207 (7) \\ - 0.252 (8) + 4.353 = 0 \text{ elde edilir. Ve korelat cetveline konulacak olan sabit kenar şartına ait faktörler bulunmuş olur.}$$

c) Baz (uzunluk) şartı :

Yukarda izah edildiği gibi baz şartı da (Ç-M) malûm kenarından kalıp (E-Kh) malûm kenarına düşmek suretiyle kurulur. (Tablo : IV) de gösterilmiştir.

T A B L O : IV

Bu tabloya göre baz şartı aşağıdaki şekilde bulunur. Burada da (d_1'') ile gösterilen faktörler (100) ile taksim edilerek kullanılmıştır. Yalnız muvazeneli açı faktörü hiç bir işleme tâbi tutulmamıştır.

Baz şartı :

$$\text{V} \dots + 0.971 (- 1 + 2) + 0.811 (- 5 + 6) - [+ 0.508 \\ (- 0 + 3) + 0.207 (- 6 + 7) + 0.252 (- 0 + 8)] + 7.846 = 0$$

buradan

$$\text{V} \dots - 0.971 (1) + 0.971 (2) - 0.811 (5) + 0.811 (6) - 0.508 (3) + \\ - 0.207 (6) - 0.207 (7) - 0.252 (8) + 7.846 = 0$$

aynı istikametlerin faktörü toplanacak ve sıraya konulacak olursa :

$$\text{V} \dots - 0.971 (1) + 0.971 (2) - 0.508 (3) - 0.811 (5) + 1.018 (6) \\ - 0.207 (7) - 0.252 (8) + 7.846 = 0$$

elde edilir ve korelet çizelgesine konulacak baz şartı faktörleri bulunmuş olur.

6. Korelet muadelesinin (çizelgesinin) hazırlanması :

Bu çizelgeyi hazırlamadan evvel bu şebeke için bulduğumuz şartları aşağıya yazalım ve buna göre korelet çizelgesini hazırlyalım :

Muvazene şartları :

- a) I - 2 + 0 - 0 + 3 + 7.00 = 0
- b) II - 1 + 2 - 3 + 4 - 6 + 7 - 3.02 = 0
- c) III - 4 + 0 - 5 + 6 - 0 + 8 - 5.20 = 0
- d) IV - 0.971 (1) + 2.507 (2) - 0.811 (5) + 1.018 (6)

$$\begin{aligned}
 & - 0.207(7) - 0.252(8) + 4.353 = 0 \\
 \text{e)} \quad V \dots & - 0.971(1) + 0.971(2) - 0.508(3) - 0.811(5) + 1.018(6) \\
 & - 0.207(7) - 0.252(8) + 7.846 = 0
 \end{aligned}$$

bulunur. Bunlara göre korelat çizelgesi (Tablo: V) de görüldüğü gibi hazırlanır.

T A B L O : V

Bu tabloda IV ve V nci sütunların toplamı da (0) çıkması lâzım ise de muvazeneli istikametlere ait faktörler girmeden kabil olamamaktadır. Bununla beraber (Σ_c) sütununda; bir nokta etrafında toplanan istikametlere ait faktörler toplamının sıfıra eşit olması lâzımdır. Bu (K) noktası etrafındaki 5, 6, 7 istikametleri faktörleri için ($-2.622 + 2.036 + 0.586 = 0.000$) dir. Muvazeneli istikamet giren noktalarda bu toplam sıfıra eşit olmaz.

7. Normal muadele faktörlerinin bulunusu ve Normal Muadelenin teşkili :

a) Normal muadele faktörlerinin bulunusu : (Korelat çizelgesi yarım ile).

$[aa] = + 2.000$	$[bb] = + 6.000$	$[cc] = + 4.000$
$[ab] = - 2.000$	$[bc] = - 2.000$	$[cd] = + 1.577$
$[ac] = 0$	$[bd] = + 2.253$	$[ce] = + 1.577$
$[ad] = - 2.507$	$[be] = + 1.225$	$[dd] = + 9.02829$
$[ae] = - 1.479$		$[de] = + 5.17754$
		$[ee] = + 3.94414$

b) Normal muadelelerin kuruluşu :

$$\begin{aligned}
 \text{I} \dots \dots [aa] K_1 + [ab] K_2 + [ac] K_3 + [ad] K_4 + [ae] K_5 + W_1 &= 0 \\
 \text{II} \dots \dots + [bb] K_2 + [bc] K_3 + [bd] K_4 + [be] K_5 + W_2 &= 0 \\
 \text{III} \dots \dots + [cc] K_3 + [cd] K_4 + [ce] K_5 + W_3 &= 0 \\
 \text{IV} \dots \dots + [dd] K_4 + [de] K_5 + W_4 &= 0 \\
 \text{V} \dots \dots + [ee] K_5 + W_5 &= 0
 \end{aligned}$$

Bu muadeledeki faktörler yerine (a) paragrafında bulunan miktarlar konulur ve (W_1, W_2, W_3, W_4, W_5) kapanmaları yerine de adedi kıymetleri konulacak olursa beş şart muadelesi için beş adet normal muadele aşağıdaki şekilde elde edilmiş olur.

$$\begin{aligned}
 \text{I} \dots \dots + 2 K_1 - 2 K_2 + 0 - 2.507 K_4 - 1.479 K_5 + 7.00 &= 0 \\
 \text{II} \dots \dots + 6 K_2 - 2 K_3 + 2.253 K_4 + 1.225 K_5 - 3.02 &= 0 \\
 \text{III} \dots \dots + 4 K_3 + 1.577 K_4 + 1.577 K_5 - 5.20 &= 0
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{IV . . .} & + 9.02829 K_4 + 5.17754 K_5 + 4.353 = 0 \\ \text{V . . .} & + 3.94414 K_5 + 7.846 = 0 \end{aligned}$$

Bu normal muadele hesap makinesi ile çözülebilerek durumdadır. Yalnız bu çözümlenin kontrollu olarak yapılabilmesi için (Σ_n) sütununa ait kontrol miktarlarının bulunması lâzımdır. (Makine ile yapılan çözümlenin doğru ve kontrollu gitmesi için)

$$\begin{aligned} \text{I nci muadele için } \Sigma_n &= +2 - 2 - 2.507 - 1.479 + 7.00 = +3.014 \\ \text{II } &\text{ » } \Sigma_n = -2 + 6 - 2 + 2.253 + 1.225 - 3.02 = +2.458 \\ \text{III } &\text{ » } \Sigma_n = -2 + 4 + 1.577 + 1.577 - 5.22 = -0.046 \\ \text{IV } &\text{ » } \Sigma_n = -2.507 + 2.253 + 1.577 + 9.02829 + 5.17554 \\ &\quad + 4.353 = +19.88183 \\ \text{V } &\text{ » } \Sigma_n = -1.479 + 1.225 + 1.577 + 5.17754 + 3.94414 \\ &\quad + 7.846 = +18.29068 \end{aligned}$$

bulunurlar. Yalnız normal muadeleyi çözerken (Σ_n) sütununa bu bulunan miktarlar, aksi işaretiley konulacaktır. Ancak o zaman kontrol yapılabılır. Normal muadelenin çözülmesi (Tablo : VI) da gösterilmiştir. Ondan sonra da korelatlar bulunmuştur.

T A B L O : VI

Netice olarak bulunan bu korelatlar aşağıda gösterilmiştir.

$$K_1 = -7.236068$$

$$K_2 = +0.841599$$

$$K_3 = +4.600998$$

$$K_4 = +1.604598$$

$$K_5 = -8.910116$$

8. İstikametlere ait (v) düzeltmelerinin bulunduğu (Tablo : VII) de gösterilmiş olup (Tablo : V) deki faktörleri (d) paragrafında bulunan korelatlarla çarpıp uski olarak toplamaktan ibarettir.

T A B L O : VII

Bu suretle muvazene bitmiş olur. Yalnız aşağıdaki (9) ncu maddedeki kontrollardan sonra muvazenenin doğruluğu tahakkuk etmiş olacaktır.

9. Muvazene neticesinin kontrolü :

a) Üçgenlerin kapanış kontrolü :

Muvazeneden sonra her üçgenin kürrevi eksesle kapanması şarttır.

Buna ait kontrol (Tablo : II) de muvazeneden sonraki kısımda yapılmıştır. Bu kontrolde muvazeneden sonra her üçgenin kürrevi ekaesle kapandığı görülmüştür.

b) Baz (uzunluk) şartı kontrolu :

(Tablo : IV) kurulan bu şart muvazeneden sonra (Tablo : II) de görüldüğü ve hesaplandığı gibi (\mathcal{C} -M) malûm kenarının muvazeneli olan kesin değerinden kalkılmış ve son üçgenin (E-Kh) muvazeneli ve malûm kenarına düşülmüş ve aynen bulunmuştur ki baz şartı da tahâkkuk etmiştir. Bu arada (I) No. lu üçgenin (E- \mathcal{C}) malûm ve muvazeneli kenarı da ikinci bir kontrol olarak aynen bulunmuştur. Her iki kenara düşüste de (0.9) kadar bir fark bulunmuştur ki bu da cebir ve saireden gelmektedir.

c) Sabit kenar şartının kontrolu :

Bunun için de (Tablo : III) de kurulmuş olan şartta ; (E- \mathcal{C}) kenarından kalkıp (E-Kh) kenarına düşmek ve kontrol etmekten ibarettir. (Tablo : II) ye dikkat edilecek olursa, muvazeneden sonraki kat'î üçgenlerin hesabında yalnız (I) nci üçgendeki (\mathcal{C} -M) malûm kenarı yerine (E- \mathcal{C}) malûm kenarı alınıp üçgenler buna göre hesap edilecektir.

(Tablo : VIII) de görüldüğü veçhile ($E-\mathcal{C}=4.15338524.7$) den başlanmış ve buna göre tertiplenen üçgenlerin hesabını müteakip ($E-Kh=4.14922821.6$) olarak bulunmuştur ki sabit kenar şartının da tahakkuk ettiği görülmüştür.

T A B L O : VII

d) Sabit açı kontrolu :

Yukarıdaki kontrollardan sonra ilâveten bir de (E) noktasındaki malûm ve muvazeneli açının kontrol edilmesi lâzımdır. Bunun için de (E) noktası etrafında bulunup ta yeniden muzazene gören üç açının (kürrevi) toplamı (400) graddan çıkarıldığı zaman, (E) noktasında evvelce muvazene ile elde edilmiş olan (\mathcal{CEKh}) açısına eşit olması lâzımdır. Bu açı da (Tablo : I) görülen (E- \mathcal{C}) istikametine ait muvazeneli semtten (E-Kh) semtinin çıkarılmasıyle elde edilir.

$$400.0000.00 - [(-0+3) + (-3+4) + (-4+0)] = 197.9672.52 - 14.9187.58 = 183.0484.94$$

$$400.0000.00 - (59.2627.99 + 79.7171.67 + 77.9715.40) = 183.0484.94$$

$$400.0000.00 - 216.9515.06 = 183.0484.94$$

$183.0484.94 = 183.0484.94$ olur ve bu kontrolün da tahakkuk ettiği görülür.

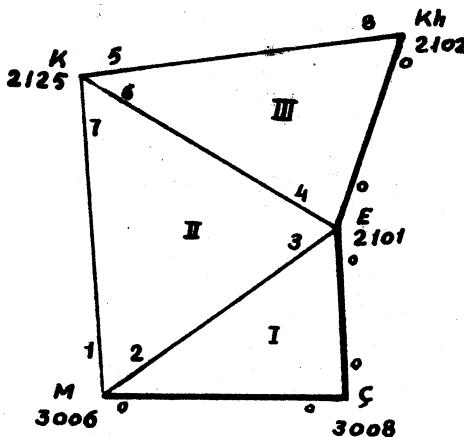
10. Muvazeneden sonra (K) noktasının koordine hesabı :

(Bu hesap $\lambda_0 = 27^{\circ}$ ye göre 6 derecelik dilimde yapılmış) ve Y, x değerleri bulunmuştur.

Muvazene yapılip her kontrol tahakkuk ettikten sonra (K) noktası koordinatının, muvazeneli semt ve koordineleriyle malum olan üç noktadan (Kh, E, M) hesaplanması lazımdır. Bu kesin koordine hesabı (Tablo: IX) da gösterilmiştir. Burada ($Y = + 49283.97$ ve $X = 4303247.09$) olarak bulunmuştur.

Bu şekilde hesaplanan (K) noktası mukayese için ayrıca koordine usulü nokta muvazenesine göre de çözülmüş ve muvazeneli koordineleri ($Y = + 49284.01$ m. ve $X = 4303247.12$ m.) olarak bulunmuştur. Her iki muvazene neticesinde bulunan değerler mukayese edilmiş ve (Y) lerde (4 cm.) ve (X) larda da (3 cm.) fark bulunmuştur ki bu yapılan muvazenenin de ivi netice verdiği anlaşılmıştır.

T A B L O : I X



"Sekil - 1"

KOORDİNE ÖZET ÇİZELGESİ
(KESİN MUVAZENELİ DEĞERLER)

Table. 1

$\lambda_0 = 27^\circ$

ADI	X	Y	KÜREVI		ISTASYON ADI	Uzaklık Log. S
			cihellenmiş rasatlar	Semt		
E	4 291977.53	+66 471.60	14.9187.84 197.9671.04 257.2304.06 336.9475.94	14.9187.58 197.9672.52 .	Kh Ç M K	4.14922820.7 4.15338524.7 . .
Kh	4 305693.24	+69 745.78	214.9172.27 292.4245.83	214.9172.94 .	E K	4.14922820.7 .
M	4 270686.44	+39 697.45	18.2288.20 57.2314.78 83.8456.87	.	K E Ç	.
Ç	4 277748.09	+66.925.94	283.8448.67 397.9690.89	283.8450.03 397.9687.40	M E	4.44914344.8 4.15338524.7

ÜÇGEN HESABI Table. II

No	Muvazeneden istasyon	Malum muvare nevi istikamet ve raslialat bulunan dönemler	Muvazeneden evvel			Muvazeneden Jokra		
			Kürevi	Aşır - E/3 ve Uzunluk.m.	Logaritmeler			
1	2-3					4.44 91.43 44.8		
2	E	59.26 31.54	-3.55	27.99	-1.02	59.26 26.97	0.02 57.41 47.7	
3	C	114.12 37.37	0.00	37.37	-1.02	114.12 36.35	7.98 92.23 39.2	
4	M	26.61 41.15	-3.45	37.70	-1.02	26.61 36.68	7.60 85.00 33.1	
5		200.00 10.06	-7.00	3.06	200.000000.00			
6		$\Sigma = 3106$				4.53 41.08 31.7		
7		$w_1 = + 7.00$				4.15 33.85 25.6 7%		
8							4.53 41.08 31.7	
9	2-3							
10	K	87.28 03.75	+6.03	02.78	-1.74	87.28 08.04	0.01 90.51 44.6	
11	E	79.71 71.88	-0.21	71.67	-1.75	79.71 69.92	7.97 75.74 27.1	
12	M	39.00 26.58	-2.80	23.78	-1.74	39.00 22.04	7.75 96.93 20.1	
13		200.00 02.21	+3.02	5.23	-5.23	200.000000.00		
14		$\Sigma = 5.23$				4.53 07.34 03.4		
15		$w_2 = - 3.02$				4.31 28.52 96.4		
16							4.31 28.52 96.4	
17	2-3							
18	Kh	77.50 72.89	+6.44	79.33	-0.71	77.50 78.62	0.02 76.88 79.8	
19	E	77.97 11.64	+3.76	15.40	-0.72	77.97 14.68	7.97 34.64 47.2	
20	M	44.52 12.41	-5.00	07.41	-0.71	44.52 06.70	7.80 86.86 45.4	
21		109.99 96.94	+5.20	2.14	-2.14	200.000000.00		
22		$\Sigma = 2.14$				4.31 40.06 23.4		
23		$w_3 = - 5.20$				4.14 92.28 21.6 7%		

SABIT KENAR ŞARTI Tablo . III

SÜRET			MAHREŞ		
İst.Nº	Açl	log.	d'	İst.Nº	Açl
(Ark - Sinüs) düzeltmesi			(Ark - Sinüs) düzeltmesi		
(E - Ç)	4.15338524.7	- 36.0	(E - Kh)	4.14922820.7	- 35.5
1 14.12 37.37	9.98922323.5	- 15.4	26.6141.15	9.60850719.6	+ 153.6
- 1+2	39.0026.58	- 2+0	81.2803.75	9.98094765.6	+ 20.7
- 5+6	44.5212.41	- 6+7	77.5072.89	9.97230975.8	+ 25.2
Toplam:I=			Toplam:II=		
Toplam:II=	3.71099681.5		3.71099246.2		
W ₄ - I - II =	3.71099246.2	+ 435.3			

BAZ ŞARTI Tablo . IV

SÜRET			MAHREŞ		
İst.Nº	Açl	log.	d'	İst.Nº	Açl
(Ark - Sinüs) düzeltmesi			(Ark - Sinüs) düzeltmesi		
(Ç - M)	4.44914344.8	- 141.2	(E - Kh)	4.14922820.7	- 35.5
1 14.12 37.37	9.98922323.5	- 15.4	59.2631.54	9.90426085.2	+ 50.8
- 1+2	39.0026.58	- 0+3	81.2803.75	9.98094765.6	+ 20.7
- 5+6	44.5212.41	- 6+7	77.5072.89	9.97230975.8	+ 25.2
Toplam:I=			Toplam:II=		
Toplam:II=	4.00675396.4		4.00674611.8		
W ₅ - I - II =	4.00674611.8	+ 784.6			

KORELAT SİZELGESİ
Tablo. V

<i>Ist.</i> No	a I	b II	c III	d IV	e V	Σ_c
1		-1		-0.971	-0.971	-2.942
2	-1	+1		+2.507	+0.971	+3.478
3	+1	-1			-0.508	-0.508
4		+1	-1			0.000
5			-1	-0.811	-0.811	-2.622
6		-1	+1	+1.018	+1.018	+2.036
7		+1		-0.207	-0.207	+0.586
8			+1	-0.252	-0.252	+0.496
<i>Kontrol</i>	0	0	0			

NORMAL MUADELELERİN ÇÖZÜLMESİ . Tablo VI

I	II	III	IV	V	VI	Σn
+2.000000	-2.000000	0.000000	-2.907000	-1.479000	+7.000000	-3.014000
-1.000000	+1.000000	0.000000	+1.253500	+0.739500	-3.500000	+1.507000
+6.000000	-2.000000	+2.253000	+1.225000	-3.020000	-2.458000	
-2.000000	0.000000	-2.907000	-1.479000	+7.000000	-3.014000	
+4.000000	-2.000000	-0.254000	-0.254000	+3.980000	-5.472000	
-1.000000	+0.500000	+0.063500	+0.063500	-0.995000	+1.368000	
+4.000000	+1.577000	+1.577000	-5.200000	+0.046000		
-1.000000	-0.127000	-0.127000	+1.990000	-2.736000		
+3.000000	+1.450000	+1.450000	-3.210000	-2.690000		
-1.000000	-0.483833	-0.483833	+1.070000	+0.896666		
+9.028290	+5.177540	+4.353000	-19.881830			
-3.142525	-1.253927	+8.774500	-3.778049			
-0.016129	-0.016129	+0.252730	-0.347472			
-0.700833	-0.700833	+1.551499	+1.300166			
+5.168803	+2.606651	+14.931730	-22.707185			
-1.000000	-0.504305	-2.388818	+4.393123			
+3.944140	+7.846000	-18.290680				
-1.093721	+5.176500	-2.228853				
-0.016129	+0.252730	-0.347472				
-0.700833	+1.551499	+1.300166				
-1.314597	-7.530146	+11.451346				
+0.818910	+7.296583	-8.115493				
-1.000000	-8.910116	+9.910116				

**KORELATLARIN BULUNUSU
(Normal muadelye alt tablo VI dan)**

K_5	K_4	K_3	K_2	K_1
-8.910116	-2.888818	+1.070000	-0.995000	-3.500000
	+4.493416	+4.306553	-0.565792	-6.589031
	+1.604598	+5.376553	-1.560792	-10.089031
		-0.775555	+0.101892	+2.011364
		+4.600998	-1.458900	-8.077667
			+2.300499	0.000000
			+0.841599	-8.077667
				+0.841599
				-7.236068

İSTİKAMET DÜZELTMELERİ
Tablo. VII

İst.No	I	II	III	IV	V	V. düzeltme
1				-0. 841599	-1.558065	+8. 651723
2	+7.236068	+0. 841599			+4.022727	-8. 651723
3	-7.236068	-0. 841599				+4. 526339
4		+0. 841599	-4.600998			-3. 759399
5			-4.600998	-1.301329	+7. 226104	+1.323777
6		-0. 841599	+4.600998	+1.6335481	-9. 070488	-3. 677618
7		+0. 841599		-0. 332152	+1. 844394	+2. 353841
8			+4.600998	-0. 404359	+2.245349	+6.441988

**MUVAZENEDEN SONRA SABİT KENAR
SARTININ KONTROLU VE BUNA AİT
ÜÇGEN HESABI**
Tablo . VIII

No	İstasyonlar			Açı - ε / 3 ve uzaklık.m.	logaritmeler
		2 - 3			4 15 53 85 24 .7
- 2 + 0	1	M	26.61 36.68	0 39 14 94 66 .9	
- 0 + 3	2	E	59.26 26.97	1 90 42 58 52 .3	
Muvazen li açı	3	C	114.12 36.35	1 98 92 23 39 .2	
I			2 00.00 00.00		
		1 - 3			4 44 91 43 43 .9 ^{Kp} _{gr}
		1 - 2			4 53 41 08 30 .8
		2 - 3			4 53 41 08 30 .8
- 6 + 7	1	K	81.28 08.04	0 01 90 51 44 .6	
- 3 + 4	2	E	79.71 69.92	1 97 75 74 27 .1	
II	- 1 + 2	3	M	39.00 22.04	1 75 96 93 29 .1
			2 00.00 00.00		
		1 - 3			4 53 07 34 02 .5
		1 - 2			4 31 28 92 95 .5
		2 - 3			4 31 28 52 95 .5
- 0 + 8	1	"Kh	77.50 76.62	0 02 76 88 79 .8	
- 4 + 0	2	E	77.97 14.68	1 97 34 64 47 .2	
III	- 5 + 6	3	K	44.52 06.70	1 80 86 86 45 .4
			2 00.00 00.00		
		1 - 3			4 31 40 06 22 .5
		1 - 2			4 14 92 28 20 .7 ^{Kp} _{gr}

**"K" NOKTASININ MUVAZENEDEN SONRA
HESAPLANAN KESİN KOORDİNESİ**

Tablo. IX

λ_o:21

istenen-1	2125 K		
Bilinen-2	2102Kh	2101E	3006M
<i>Semt T₂- t₂-T₂-</i>	292.4252.27 + 1.21	336.9472.18 - 5.36	18.2294.45 - 10.94
<i>t₂- S A - S</i>	292.4253.48 4.31400623.4 + 1908.8	336.9466.82 4.31285296.4 + 1803.5	18.2283.51 4.53073403.4 + 1062.1
<i>A sin t₂ cos t₂</i>	4.31402532.2 9.99691861.1 9.07445737.3	4.31287099.9 9.92234490.1 9.73903616.3	4.53074465.5 9.45091668.3 9.98194846.4
<i>y₂ - y₁ x₂ - x₁</i>	4.31094393.3 3.38848269.5	4.23521590.0 4.05190716.2	3.98166133.8 4.51269311.9
<i>y₂ = y₂ - y₁ =</i>	+ 69 745.78 - 20 461.80	+ 66 471.60 - 17 187.63	+ 39 697.45 + 9 586.52
<i>y₁ =</i>	+ 49 283.98 <i>ortalama</i> - + 49 283.97	+ 49 283.97	+ 49 283.97
<i>x₂ = x₂ - x₁ =</i>	4305 693.24 - 2446.15	4291 977.53 + 11 269.56	4270 686.44 + 32 560.66
<i>X₁ =</i>	4303 247.09 <i>ortalama</i> - 4303 247.09	4303 247.09	4303 247.10
<i>Sağ -</i>	549 264.26	<i>yukarı</i> -	4301 525.79