

Gauss'ın Gurup Usulü Muvazenesine göre Yapılan tatbiki büyük misal

Yazar :

Kd. Yzb.

Nuri Babaç

Sayın arkadaşımız Yüksek Mühendis Mehmet Ali Erkan'ın, evvelki sayılarından birinde nazariyatını izah ettiği Gauss'ın gurup usulüne göre şubede yapılan ve aşağıda teferraatını anlatmağa çalıştığım muvazeneyi arkadaşlarımı bir örnek olarak sunmayı faydalı gördüm. Aşağıda görüleceği gibi, şart muadelelerinin mühüm bir kısmını teşkil eden üçken şartlarını ayrı ve basit bir şekilde hallederek muadele miktarını asgarı hadde indirmek bu usul sayesinde mümkün olmaktadır. Bu suretle normal muadelelerin çözülmesi ve binnetice (K) ve (v) lerin bulunması çok basitleşmektedir.

Gauss'ın gurup usulü muvazenesinde takip edilen iş sırası :

- 1) Evvelâ muvazenesi yapılacak şebekenin bir grafiği çıkarılır bu grafik üzerinde üçgen numaraları, açılar, kalkılan ve düşülen diliar, şekilde görüldüğü gibi, işaretlenir.
- 2) Bundan sonra boş bir koordine özet çizelgesi üzerinde muvazene için gerekli malumat toplanır.
- 3) Grafikde gösterilen yol üzerinden arazide ölçülmüş açılarla üçgenler kapatılarak şebekenin muvakkat diliarı hesaplanır.
- 4) Bütün şebekeye ait noktaların (Arz, Tül, Semt ve Rakımları) hesap edilir. (Rakımlar metreye; Arz, Tül ve Semtler gratis dakikasına kadar bulunur.)
- 5) Bundan sonra sırasıyla üçgenlerin eksesleri ve arazide ölçülen açıların Deniz yüzüne indirme tâshih miktarları bulunur. Bunlar, işaretlere göre, örnek klişede görüldüğü gibi karne açıları ile muamele edilerek deniz yüzüne indirilmiş rasatlar elde edilir.
- 6) Bulduğumuz deniz yüzüne inmiş açılarla yeniden üçkenler kapanır, bu kapanan üçkenlerin kapanma hataları ile eksesler muamele edilerek üçkenlerin hakiki hataları bulunur. Bunlar birinci (W) dir. Bulunan bu (W) lar üçe bölünerek, ait oldukları üçkenlerin açılarına işaretlerine göre müsavatan dağıtilır; bu suretle bulunan ilk (W) lar kaba bir muvazene ile üçkenlere yedirilmiş olur, dolayısıyle bu ameliyeden sonra eksesle kapatılmış kürrevî üçkenler elde edilir.

- 7) Eksesle kapatılmış olan üçkenlerin eksesleri üçe bölünür. Çıkan kıymetler üçen açılarından çıkarılırsa (200) ile kapanan düz üçkenler elde edilir.
- 8) Bu 200 ile kapanan üçkenlerle yeniden şebekenin diliarı hesaplanır.
- 9) Bulunan yeni diliar ve ekseslerle kapanan üçkenlerin açıları alınamak noktaların Arz, Tül, Semtleri hesap edilir. (Semtler saniyenin bindesine Arz ve Tüller onbindesine kadar.)
- 10) Yukarda zikredilen kıymetler bulunduktan sonra şart muadelelerinin kurulmasına geçilir. Muvazene işleminin kolaylıkla sağlanabilmesi için emsali (1) olan şart muadeleleri baş tarafa alınır. Misalimizde şöyle bir sıra takip edilmiştir : (1. Semt şartı) (2. Devri ufuk şartı) (3. Devri ufuk şartı) (4. Santral şartı) (5. Santral şartı) (6. Baz şartı) (7. Arz şartı) (8. Tül şartı).
- 11) Muvazeneye girecek şartlar tesbit edilip kurulduktan sonra ikinci gurup şart muadeleleri cedveli hazırlanır.
- 12) Buradan ikinci gurup müstakıl şart muadeleleri cetveline geçilir.
- 13) İkinci gurup müstakıl şart muadeleleri cetvelinden normal muadeleler cetveline geçilerek normal muadeleler kurulur.
- 14) Kurulan normal muadelelerden sonra bunların halline geçirilerek (K) emsalleri hesaplanır.
- 15) (K) Emsallerile ikinci gurup müstakıl şart muadeleleri muamele edilerek muvazenenin son ve katı hatalarını ihtiva eden (W) cetveli hazırlanır.
- 16) Çıkan (W) lar (acı muvazenesi yapıldığından) üçken açılarının hatalarını vermektedir. Bunlarla, eksesle kapanan üçken açıları işaretlerine göre muamele edilerek, gene neticede eksesli üçkenler elde edilir.
- 17) Eksesle kapanan bu son üçkenler kendilerine ait eksesleri üçe bölünerek açılarından çıkarılırsa (200) ile kapanan düz üçkenler elde edilir bu üçkenlerle yeniden şebekenin diliarı bulunur, bunlar kesin yani muvazeneli diliar olur.
- 18) Kesin diliarla (ve son bulunan (W) ların muamelesile elde edilen eksesli üçkenlerin açılarını kullanarak) kesin Arz, Tül ve semtler hesaplanır.
- 19) Bulunan bu coğrafi kıymetlerden şebekemizi ihtiva eden noktaların düz koordinelerine geçilir; ve bu suretle aradığımız muvazeneli bütün kıymetler bulunmuş olur.

Arazide ölçülen rasatlarla kapanan üçkenler ve şart mudelelerimizin kurulması için yapılan hazırlıklar :

Şebekeye ait üçkenlerin ekseslerini ve noktaların deniz yüzü tashihlerini vermek üzere muvakkat dili hesabı aşağıdaki misalde görülmektedir :

Üçgen No.	Açı No.	Istasyonlar	Karne açıları	Düzelte me	Açı - Düzeltmiş	Logaritmalar
1	1	F	34.7530.19	-0.70	34.7529.49	2-3 4.12461583.4
	2	B	97.0308.37	-0.69	97.0307.68	0.28467717.3
	3	A	68.2163.53	-0.70	68.2162.83	9.99952723.4
			200.00002.09	-2.09	200.00000.00	3-1 4.40882024.1
						2-1 4.35275701.1

Yukarıdaki üçkene ait ekses hesabı :

1. No. lu üçken

$\theta'/2Rn$	1.89407	1.89407
Sin	9.99953	9.94347
a	4.12462	4.12462
b	4.35276	4.40882
ϵ	0.37098	0.37098
ϵ	(2° .349)	

Kürrevi açı ve muvakkat dili hesabı :

Rasatlara deniz yüzü tashihi verildikten sonra, bu rasatlarla yeniden üçkenler kapatılır, kapanma hataları ile eksesler muamele edilerek (W) lar bulunur, bu (W) ları üçe bölerek çıkan kıymetleri, deniz yüzü açıları ile kapanan üçken açılarına işaretlerinin aksi ile muamele edilerek, eksesli üçkenler elde edilir. Bunu müteakip ekseslerin tarhi ile düz üçkenler ve buradanda şebekeye ait dili haraplanır.

Üçgen No.	Açı No.	Istasyonlar	Deniz yüzü Rasatları	$W : 3$ Sütunu	Kürrevi Açılar	Ekses : 3
1	1	F	34.7530.51	+0.083	34.7530.593	-0.783
	2	B	97.0308.01	+0.083	97.0308.093	-0.783
	3	A	78.2163.58	+0.083	68.2163.663	-0.783
			200.00002.10	0.249	200.00002.349	2.349

Açı - Ekses : 3	Logaritmalar	$\epsilon = 2.349$
34.7529.810	2-3 4.12461583.4	$W = -0.249$
97.0307.310	0.28467681.3	
68.2162.880	9.99952744.4	
200.00000.000	9.94346402.1	
	3-1 4.40882009.1	
	2-1 4.35275666.8	

Harita Dergisi

12

T. C.
M. S. B.

Deniz yüzüne indirilmesi ve cihetlenmesi

Bjilenealer: Kl. Med. Art (q) = 43,27 B..... den A..... Sent (a) = 281,90 λ_o = 34,50

Gün : ...10.März.953...

Hesabı yapmanın rütbesi ve adı : Kd.Yzb. Nuri Baba
» » imzası

Ornek : 11

Şartların hazırlanması :

Gauss'in grup usulü muvazenesinde hususiyetlerden birisi de muvazene sistemine üçken şart muadelelerinin ayrı ve basit şekilde sokulması, bu suretle neticeyi daha kısa zamanda elde etmesidir. Bunun için diğer şart muadelelerinin kurulmasına geçelim, misalde takip edilen sıraya göre evvelâ şart şart muadelesinin kurulmasını görelim.

1. Semt şartı : Misalde (B noktası - A noktası) Geodezik semtin den kalkılarak (D-C) semtine düşülmüştür. Kalkılan ve düşülen kenarlar evvelce muvazene görmüş zincir kenarlarıdır, bu sebepten düşülen sabit, geodezik semtimize Laplas tashih verilmemiştir. Yalnız muvazeneye Arz, Tül şartı girmesinden ötürü semt şartına küçük bir tashih miktarı verilir. Bu husus semt şart muadele örneğinde görülmektedir. Semt şart muadelesine giren açılar eksesle kapanan üçken açılarıdır; semt şart muadelesi verilen sekle tatbik edilirse bütün safahat kolaylıkla görülür.

2. Devri ufuk şartı : F noktası etrafında, şekilde görüldüğü gibi, teşekkül eden santralın merkez açıları toplamının (400) Grata eşit oluşudur. Devri ufuk şartı örneğimizde alınan açılar eksesle kapanan üçkenlerin açılarıdır. Bu açılar toplamının (400) Grattan olan farkı bize 2. Devri ufuk şart muadelemizin hatasını verir.

3. Devri ufuk şartı : Bu şartda şekilde görüldüğü gibi A noktası etrafında teşekkül eden açılar toplamının (400) Grata eşit oluş esasına göre, ve kendine ait örneğinde görüldüğü gibi, bir evvelki devri ufuk şart muadelesinde zikredilen esaslar çerçevesi dahilinde hazırlanır.

4. Santıral şartı : F noktası etrafında teşekkül eden santralın kendi örneğinde görüldüğü gibi bulunacak dili karşısındaki açı suret malum dili karşısındaki açı mahreç kabul edilerek tertip edilmiş ve her açının sinüs cinsinden lugaritmaları yazılmış ve bunun yanında her açının bir saniye tekabül eden sinüs diferansları işlenmiştir. (Yalnız burada kullanılan açılar (200) ile kapanan düz üçkenlerimizin açılarıdır).

Suret ve mahreç hadleri toplanırsa biri birinden olan farkı bize aradığımız santral şart muadelesinin hatasını verir. Bilâhare bu muadele örneğinde görüldüğü gibi açılır.

5. Santıral şartı : A Noktası etrafında, verilen misalde görüldüğü gibi, teşekkül eden santıral aynen bir evvelki santıral şart muadelesinde zikrettigimiz esaslar çerçevesinde hazırlanır.

6. Baz şartı : Şebekeyi ihtiyâ eden noktalara ait grafîge ~~bâkiye~~ olursa görüldürki baz şartı için hususî bir yol seçilmiştir.

Bu yolumuz (I, II, III, IV, IX, X, XI, XII) No. lu üçkenlerden müteşekkildir. Baz şartını kurarken (A — B) kenarı malum başlangıç kenarı olarak alınmış ve (D - C) dili da düşüş dili olarak kabul edilmiştir.

Bu iki dilden muvazene görmüş zincir kenarlarıdır.

Bu izahatımızdan sonra verilen örnek klişeye dikkat edecek olursak ($A - B$) başlangıç kenarı logaritması suret sütunu içine, ($D - C$) düşüş kenarı logaritması da mahreç sütunu içine ve sütunların üst kısmına yazılmıştır. Bundan sonra bulunacak dili karşısındaki açının Sinüs cinsinden logaritması suret hanesine ve malum kenar karşısındaki açının Sinüs cinsinden logaritması mahreç hanesine yazılarak yukarıda tespit edilen yol üzerinden düşüş dılma doğru gidilir. Bu açılara ait bir saniyelik Sinüs differaslarında ayrı bir sütun içersine ve ait oldukları açılar hizasına yazılır, bu kaideye göre ($3, 6, 8, 12 \dots 36$ Numaralı açılar suret) ve ($1, 5, 7, 10 \dots 34$ Numaralı açılarımızda mahreç) sütunu içersine geçmiş olur.

Suret ve mahreç Log. sütunları toplanıp biri birinden olan farkları bulunursa bize baz şart muadelesinin hatasını verir. Bundan sonra açı numaralarının bir saniyeye tekabül eden Dif. yüze bölünmüş olarak hasılı zarpları baz şart muadelemizin açılmış şeklini verir.

7. 8. Arz ve Tül şartları : Kılışede gösterilen Arz ve Tül şart muadelelerinin nasıl kurulduğunun izahına lüzum vardır.

(φ_n, λ_n) : Geodezik olarak geçici hesaplanan D noktasının $\varphi_n : 440329 \lambda_n : 345777$ kıymetleri (kilişenin sağ üst köşesinde yazılmıştır).

(İstasyon sütunu) : Arz ve Tül şart muadeleleri kurulmasında baz şart muadelesinde takip ettiğimiz yolu esas kabul edeceğiz ve bu yol üzerindeki hesaba girmeyen açılar (semt açıları) tespit edilerek, bu açıların ait oldukları istasyonlar kılışede gösterilen istasyon sütununa sıra ile yazılır.

Misal : İstasyon
 + B noktası
 — F »
 :
 — L noktası
 — L »

(φ_e Sütunu) : Daha evvelce geçici olarak hesaplanan coğrafi koordinat kilişelerinden, istasyon sütundaki noktalara ait (saniyeye kadar) girat cinsinden Arz kıymetleri yazılır.

(φ_e Sütunu) Bu sütunada, yukarıda izah edildiği şekilde, noktalara ait Tül kıymetleri yazılır.

($\varphi_n - \varphi_e$ Sütunu) : φ_n Kıymetile φ_e sütunu içindeki kıymetlerimiz arasındaki farkların dakikaya kadar olan kısmıdır (φ_n Sabit yanı verilen).

$(\lambda_n - \lambda_c)$ Sütunu: γ_n kıymeti ile λ_c sütunundaki kıymetler arasındaki farkın dakikaya kadar olan kısmıdır (λ_n sabit yanı verilen).

$(+\delta_A)$ Sütunu: Baz şart muadelemizin kurulmasına ait cedvelimizde suret sütunu içersine dahil olan açıların bir saniyelik dif. miktarlarının yüzे bölünmüştür. (Sütundaki işaretlerinin aynı ile geçer).

$(-\delta_B)$ Sütunu: Baz şart muadelemizin kurulmasına ait cedvelimizde mahreç sütunu içindeki açılarımızın bir saniyelik dif. miktarlarının yüzे bölünmüştür. (Mahreç sütunumuzdaki işaretlerinin aynı ile geçer).

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Arz muadelesi} \\ (\varphi_n - \varphi_c) \\ X \delta_A \end{array} \right\} \text{Sütunu: } \varphi_n - \varphi_c \text{ sütunundaki kıymetlerle } + \delta_A \text{ sütunundaki kıymetlerin hasılı zarbidir.}$$

$$\text{Misal: } + 76.41 X + 0.372 = + 28.425$$

: : :

$$+ 11.96 X + 0.534 = + 6.387$$

(A) Sütunu: Baz şart muadelemizde suret sütununa ait açıların numaralarıdır.

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Tül muadelesi} \\ (\lambda_n - \lambda_c) \\ X \delta_A \end{array} \right\} \text{Sütunu: } \lambda_n - \lambda_c \text{ sütunundaki kıymetlerle } + \delta_A \text{ sütunundaki kıymetlerin hasılı zarbi.}$$

$$\text{Misal: } + 7.71 X + 0.372 = + 2.868$$

: : :

$$+ 30.12 X + 0.534 = + 16.084$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Arz muadelesi} \\ (\varphi_n - \varphi_c) \\ X (-\delta_B) \end{array} \right\} \text{Sütunu: } \varphi_n - \varphi_c \text{ sütunundaki kıymetler ile } - \delta_B \text{ sütunundaki kıymetlerin hasılı zarbi.}$$

$$\text{Misal: } + 76.41 X - 1.123 = - 85.808$$

: : :

$$+ 11.96 X - 0.103 = - 1.232$$

(B) Sütunu: Baz şart muadelemizde mahreç sütununa ait açıların numaralarıdır.

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Tül muadelesi} \\ (\lambda_n - \lambda_c) \\ X (-\delta_B) \end{array} \right\} \text{Sütunu: } \lambda_n - \lambda_c \text{ sütunundaki kıymetlerin } - \delta_B \text{ sütunundakilerle hasılı zarbı.}$$

$$\text{Misal: } + 7.71 X - 1.123 = - 8.658$$

: : :

$$+ 30.12 X - 0.103 = - 3.102$$

a_1 ve a_2 kıymetleri: φ_n kıymetine göre sağ üst köşede hazırlanmış olan cetvelden interpolate yolu ile $a_1 = -0.5275$ $a_2 = +0.8822$ elde edilir.

$\left\{ \begin{array}{l} \text{Arz müadelesi} \\ (\lambda_n - \lambda_c) \\ X a_1 \end{array} \right\}$ Sütunu : $\lambda_n - \lambda_c$ sütunundaki kıymetlerlerin sabit $a_1 = -0.5275$ kıymeti ile hasılı zarblarıdır.

$$\text{Misal: } + 7.71 X - 0.5275 = - 4.067$$

$$+ 30.12 X - 0.5275 = + 15.888$$

(C) Sütunu: Bu sütun içerisinde $+ (2)$, $- (4)$, $- (9) \dots - (33)$ diye gösterilen numaralar Arz, Tül şart muadeleleri için seçilen yol içerisinde hesaba girmeyen açılara (semt açıllarına) ait numaralar olup semt intikaline göre (saat ibresi istikamete $+$; aksi istikamette $-$) işaret alırlar.

Misal: (A.T. — B.T.) semti malum olduğuna göre bu semti F noktasına intikal ettirmek için (2) No. lu açımızı bu semte ilâve etmemiz lazımdır, ve ait olduğu sütun içersine $+$ (2) işaretini ile geçer. Semt intikalleri, hesaba girmeyen diğer açılara da tatbik edilirse, yanlarında gösterilen işaretleri alırlar.

$\left\{ \begin{array}{l} \text{Tül muadelesi} \\ (\varphi_n - \varphi_c) \\ X a_2 \end{array} \right\}$ Sütunu : $\varphi_n - \varphi_c$ sütunundaki kıymetlerin $a_2 = + 0.2288$ ile hasılı zarblarıdır.

$$\text{Misal: } + 76.41 X + 0.8822 = + 67.409$$

$$+ 11.96 X + 0.8822 = + 10.551$$

Arz ve Tül şart muadelesi kılıçesinin sütunlarının izahatinden sonra bu muadelelerin kuruluşuna geçelim :

Muvazene görmüş kat'ı kıymetlere malik olan (D) noktasile (A.T. — B. T.) kat'ı kıymetlerinden kalkılarak kılıçede de görüldüğü gibi $\varphi_n = 44.0329.1684$ $\lambda_n = 345777.0617$ kıymetleri elde edilir.

Sabit $\varphi_n = 44.0329.3490$ $\lambda_n = 34.5776.8464$ kıymetleri ile aralardaki farkın 4342.94 ile hasılı zarbı,

Arz şart muadelesinin $W = - 7.84334964$ sabit haddini,

Tül » » $W = + 8.91605582$ » » verir.

Bundan sonra (A, B, C;) sütunları içinde muvazeneyi ilgilendiren açılara ait No.ların hemen sol yanlarındaki arz muadele sütunları içindeki kıymetler ile hasılı zarbları Arz şart muadelesinin açılmış şeklini; ve hemen sağ yanlarındaki Tül şart muadele sütunları içindeki kıymetlerle ha-

sili zarları da Tül şart muadelesinin açılmış şeklini verir; verilen örnek kılışede açılmış şekiller görülmektedir.

(9) 2. Gurup şart muadele cedvelimizin hazırlanması :

İllerdeki izahatları kolaylaştırma bakımından (2. gurup şart muadele cedvelinin bazı bususiyetlerini anlatmak faydalı olur.

Cedvele dikkat edilirse evvelâ bir (üçken No.ları) sütunu vardır, buraya şebekenin ihtiva ettiği üçkenlerin numaraları şifri romen ile yazılır; bunların hemen yanına açı No.ları sütunu açılmıştır; buraya şifri romenile gösterilen üçkenleri teşkil eden açı No.ları yazılır; her üçkene ait olan açılar, biri birine muvazi çizgiler çekerek ayrılır. Bu suretle 2. gurup şart muadeleleri cedvelinde şebekeyi ihtiva eden üçken numaraları ve bunlara ait açılar doldurulmuş olur; aynı zamanda semt şartından başlıyarak Tül şartında nihayet bulan sekiz adet şartta ait sütunlar açılır. Bu kısa izahat müteakip 2. gurup şart muadeleleri cedvelinin hazırlanmasını görelim.

Üçken ve zaviye No.ları (2. G. Ş. M. Cedveline) işlendikten sonra şart muadelelerinin açılmış şekillerindeki hatların emsalleri kendi sütunlarına sıra ile işlenir.

1. Semt şartı : Örnek kılışede görülen semt şartına ait sütuna, semt şartına sokulan açıların emsalleri yazılır; semt şart muadelesinin açılmış şekli :

$$\begin{aligned} & + (2) + (5) + (6) + (7) + (8) + (11) + (25) + 28 + (29) + (31) \\ & + (32) + (35) + 7.563 = 0 \end{aligned}$$

dir. Burada görülen numaralar ait oldukları açıların numaralarıdır, herhangi bir açının önüne hiç bir emsal yazılmamışsa bunların emsalleri bir olur ve kendi açısına ait işaretî alır; (Açı zait ise emsal zaitAçı nakış ise emsal nakış olur) bu izahatımızden sonra semt şart muadelelerinin (2. G. Ş. M. cedveline) işlenmesine geçelim.

Semt şart sütununa dikkat edilirse emsaller $+ 1$ olarak ait oldukları açı No.ları karşısına yazılmıştır, semt şartındaki $+(2)$ açısının emsali olan $+ 1$ (2 No. lu) açı karşısına ve aynı şekilde (5 No. lu) açının emsali olan $+ 1$ (5 No. lu) açı karşısına yazılarak, bu suretle semt şartını ihtiva eden bütün emsaller sütun içine geçmiş olur ve muadelenin (W) farkı olan $+ 7.5630$ en alta (W) hanesine işlenir; netice olarak semt şartını ihtiva eden emsaller (2. G. Ş. M. cedvelindeki) ait oldukları kısma geçmiş olur.

2. Devri ufuk şartı : (2. Devri ufuk şart muadelesi sütununa) kendi şart muadelesi emsalleri ait oldukları açı No.ları hizasına yukarıda semt şartındaki izahata göre işlenir ve (W) farkı sütun altındaki hanesine yazılır.

3. Devri ufuk şartı : Kendine ait sütuna bir evvelki devri ufuk şartında olduğu gibi, emsaller ait oldukları açıların hizasına yazılır.

4. Santıral şartı : 4 No. lu santıral şart muadelesinin açılmış şeklindeki emsaller, (2. G. Ş. M. cedvelinde) 4 No. lu santıral şart muadelesi sütununa ait oldukları açı No.ları karşısına yazılır.

$$\begin{array}{l} \text{Misal : } -0.032 \text{ emsali ait olduğu } 2 \text{ No. lu açı karşısına} \\ +0.372 \quad \gg \quad \gg \quad 3 \quad \gg \quad \gg \\ -0.266 \quad \gg \quad \gg \quad 5 \quad \gg \quad \gg \quad \text{Yazılır.} \end{array}$$

(W) muadele hatasında alttaki hata sütununa işlenir.

(-0.032, +0.372, -0.266) emsalleri ait oldukları açıların bir saniyelik Sinüs Log.larının yüze bölünmüş şekilleridir.

5. Santıral şartı : Bu şart muadeleleri de, santıral şart muadelesinde izah edildiği gibi 2. G. Ş. M. cedveline geçirilir, bu suretle örnek kilişे hazırlanmıştır.
6. Baz şartı :
7. Arz şartı :
Tül şartı :

(10) 2. Gurup müstakil şart muadeleleri cedvelinin hazırlanması :

İkinci gurup şart muadeleleri cedveli hazırlanıktan sonra bu cedvelin yardımcı ile yeni bir (10) numaralı ikinci müstakil şart muadeleleri cedveli hazırlanır. Bu cedvelin hazırlanması şu şekilde olur :

(9) Numaralı cedvelin her üçkenine ait açı emsalleri işaretine göre toplanır, üye taksim edilir; bulunan miktar açı emsallerinden tarh edilir; elde edilen değer (10) numaralı cedvelde yerine yazılır. Bu suretle doldurulan cedvelin her üçken gurubu mecmuu sıfır olur.

(S) Sütunu ise, her açının bütün şart muadelelerinde emsallerin mecmuudur. Bu hususa misal ile izah edelim :

M I S A L : 1

(2. G. şart muadeleleri cedvelinden) (2. G. Müs. Ş. M. cedveline) Geçiş

(9) 2. G. Ş. M. Cedveli

Müs. No.	Açı No.	1 Semt şartı
1	1	= 0
	2	+ 1
	3	= 0
		+ 1 : 3
		+ 0.3333

(10) 2. G. Müs. Ş. M. Cedveli

Müs. No.	Açı No.	1 Semt şartı
1	1	- 0.3333
1	2	+ 0.6666
1	3	- 0.3333

M I S A L : 2**(9) 2. G. S. M. Cedveli**

Müs. No.	Açı No.	7 Arz şartı
1	1	$- 0.8581 - (- 0.2048) = - 0.6532$
	2	$- 0.0407 - (- 0.2048) = + 0.1642$
	3	$+ 0.2842 - (- 0.2048) = + 0.4890$
		$- 0.6146 : 3$
		$- 0.2048$

(10) 2. G. Müs. S. M. Cedveli

Müs. No.	Açı No.	7 Arz şartı
	1	$- 0.6532$
	2	$+ 0.1642$
	3	$+ 0.4890$

Yukarda gösterilen usulde 9 2. G. S. M. Cedvelinden 10 2. G. Müs. şart muadeleleri cedveline geçiş kolaylıkla anlaşılır.

(W) Mikdarları aynen nakledilir.

(11) Normal muadelenin teşkili :

İkinci gurup müstakil şart muadeleleri cedveli hazırlanıktan sonra bundan muadeleler cedvelinin hazırlanmasına geçirilir ;

Emsaller şu suretle hesaplanır :

Semt şart sütunu içindeki kıymetlerin kareleri toplamı ($+ 5.332267$) olarak bulunur. [= AA]

Semt şart sütunu içindeki kıymetler \times 2. Devri ufuk Ş. Sütunu içindeki kıymetler $\quad \text{Toplamı} = - 1.999600$

Semt şart sütunu içindeki kıymetler \times 3. Devri ufuk Ş. Sütunu içindeki kıymetler [AA] $\quad \quad \quad = - 0.666533$

Semt şart sütunu içindeki kıymetler \times 4. Santiral Ş. Sütunu içindeki kıymetler [AB] $\quad \quad \quad = - + 0.251675$

Semt şart sütunu içindeki kıymetler \times 5. Sütunu içindeki kıymetler [AC] $\quad \quad \quad = + 0.021298$

Semt şart sütunu içindeki kıymetler \times 6. Baz Sütunu içindeki kıymetler [AD] $\quad \quad \quad = + 0.806219$

Semt şart sütunu içindeki kıymetler \times 7. Arz Sütunu içindeki kıymetler [AE] $\quad \quad \quad = - 0.166983$

Semt şart sütunu içindeki kıymetler \times 8. Tül Sütunu içindeki kıymetler $\quad \quad \quad = + 1.669833$

Semt şart muadelenin (W) mikdarı $= + 7.563000$

Semt şart sütunu içindeki kıymetlerle \times (S) Sütunu hasılı zarbi $= + 5.248175$

Kontrol sütunu $= (S) + W = + 12.811175 \quad = + 12.811175$

bunlar normal muadelenin birinci satır yani K_1, K_2, \dots emsalleridir.

Bundan sonra ikinci devri ufuk şart muadelesi sütunu içindeki kıymetlerin karelerinin toplamı ($+ 3.999200$) [= BB] olarak hesaplanır,

bunu müteakkip bu defa 2. Devri ufuk sütunu ile diğer (3, 4, 5, 6, 7, 8 S) sütunlar içindeki kıymetler haslı zarbı cebrik toplamları ayrı ayrı bulunarak normal muadeleler cedvelindeki, ait oldukları yerlere sıra ile yazılır. Bu usul ve sıra diğer normal muadeleler içinde tatbik edilerek; örnek kılışesini verdigimiz normal muadele cedveli hazırlanmış olur. Hülâsa olarak denilebilirki [A A], [A B], [A C], ..., [B B], [B C], ..., [C C], [C D], ..., korelat emsalleri bulunur.

(12) Normal muadelelerin halli :

Normal muadelelerimiz hazırlandıktan sonra sıra bunların halline gelir, normal muadele hallinde ayrı hiç bir hususiyet olmadığından ayrıca izahına lüzum yoktur.

(13) (K) Emsallerinin bulunması :

Verilen örnek kılışemizde görüldüğü gibi (K 8) den başlayarak (K₁ de) nihayet bulan bir (K) emsalleri cedveli hazırlanır ve bilindiği gibi (K) Korelatları hesaplanır.

(14) Hata cedvelinin hazırlanması (v) lerin bulunması :

(K) Emsallerimizin hesaplanmasıından sonra sıra şebekemizi ihtiva eden açılarını, almış oldukları v tashih miktarlarının bulunmasına gelir biz bunlara (v) lerin hesabı diyoruz; bu kısa izahatı müteakkip hata cedvelimizin hazırlanmasını görelim, bunun için yeni bir cedvel hazırlanır, bu cedvel biraz evvel bulduğumuz (K) emsalleri (ikinci gurup müstakil şart muadeleler) cedveli içersindeki kıymetlerle çarpılarak hazırlanır.

Hazırladığımız yeni cedvelimizin doldurulmasına, (2. gurup Müs. şart muadelelerinin) (K) emsallerimizle muamelesini müteakkip geçileceğine göre bu hususu aşağıda verdigimiz misal ile açıklyalim.

[(K1) = + 10.765393] X 2. Gurup Müs. Şart M. cedvelindeki 1. Semt şart sütunu içindeki kıymetler

[(K2) = - 3.727452] X 2. Gurup Müs. Şart M. cedvelindeki 2. Devri ufuk şartı

[(K3)] X 2. Gurup Müs. Şart M. cedvelindeki 3. Devri ufuk şartı

[(K4)] X 2. Gurup Müs. Şart M. cedvelindeki 4. Santıral şartı

[(K5)] X 2. Gurup Müs. Şart M. cedvelindeki 5. Santıral şartı

[(K6)] X 2. Gurup Müs. Şart M. cedvelindeki 6. Baz şartı

[(K7)] X 2. Gurup Müs. Şart M. cedvelindeki 7. Arz şartı

[(K8)] X 2. Gurup Müs. Şart M. cedvelindeki 8. Tül şartı

Yukarda görüldüğü gibi ikinci gurup Müs. Şart muadeleleri cedveline ait sütunların (K) emsalleri ile hasılı zarpları, hazırlanan hata cedvelimizin aynı numaraları taşıyan, şart sütun bölmeleri içersine sıra ile geçerilir, bu hususun daha iye anlaşılabilmesi için aşağıya 2. Gurup Müs. şart muadelelerinden, hata cedveline geçiş bir misal ile gösterilmiştir :

2. G. Müs. §. M. Cedveli

Müs. No.	Açı No.	I Semt şartı	(K I)
I	1	— 0.3333 X	+ 10.765393
	2	+ 0.6666 X	»
	3	— 0.3333 X	»
II	4	— 0.6666 X	»
	5	+ 0.3333 X	»
	6	+ 0.3333 X	»

Hata (v) hesabı cedveli

Müs. No.	Açı No.	I Semt şartı
I	1	— 3.588105
	2	+ 7.176211
	3	— 3.588105
II	4	— 7.176211
	5	+ 3.588105
	6	+ 3.588105

Yukardaki misalımızde, her iki cedvel içinde müşterek semt sütunu ve bu sütunlara ait iki üçkenimizin, kıymetlerinin ait olduğu (K I) emsalleri ile hasılı zarpları neticesi (hata cedvelimizin) boş I. semt şartı sütunun doldurulşunu gördük; bu işlem, ayrı ayrı, bütün üçkenler ve sütunlar için tatbik edilirse hata hesabı cedvelimiz hazırlanmış olur, bunu müteakkip son olarak yapacağımız işlem açılarımıza ait hata miktarlarını bulmaktadır, bunun içinde her açı hizasındaki şart muadele sütunları içindeki kıymetlerin cebrik toplamları bulunur ve (v) sütunu içersine ait oldukları açı numaraları hizasına yazılır.

Misâl :

$$\begin{array}{ll}
 - 3.588105 & + 7.176211 \\
 - 2.484720 & + 1.242360 \\
 + 0.279378 & + 0.358248 \\
 + 3.836083 & - 1.100357 \\
 - 14.793101 & + 3.718658 \\
 + 11.267012 & - 18.085079
 \end{array}$$

$$\text{I No. lu açı} = - .483 \quad - 6.690 \quad (2 \text{ No. lu açı hatası}) \\
 \text{hatası } v$$

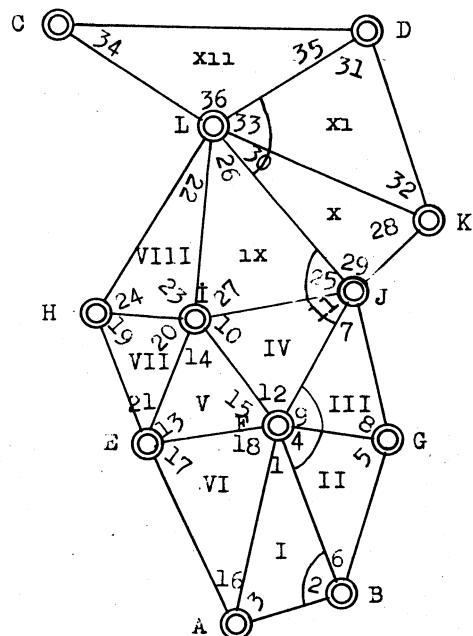
Şebekemizi ihtiva eden açılar ait v tashih miktarları teker teker yukarıda gösterilen yolla bulunduktan sonra, sıra yeni (v) lerle üçkenlerimizin kapatılmasına ve kesin dilişlerimizin bulunmasına gelir, bu hususuda aşağıda bir tek üçken üzerinde görelim.

Müs. No.	Açı No.	İstasyon- lar	Muvazene- den evvelki		(v) Muamelesi ile elde edilen		Ekses: 3 sütunu
			kürrevî açilar	(v) hata tashihî	yeni kürrevî açilar		
1	1	F	34.7530.593	- 5.483	34.7525.110	- 0.783	
	2	B T.	97.0308.093	- 6.690	97.0301.403	- 0.783	
	3	A T.	68.2163.663	+12173	68.2175.836	- 0.783	
			200.0002.349	0.000	200.0002.349	2.349	

Açı - Ekses : 3 sütunu	Logaritmalar
34.7524.327	(2-3) 4.12461583.4
97.0300.620	0.28468279.0
68.2175.053	9.99952723.0
<u>200.0000.000</u>	<u>9.94346854.9</u>
(1-3)	4.40882603.4
(1-2)	4.35276735.3

Yukardaki (F T., B T., A T.) üçkeni için yapılan hesap ameliyetleri, kesin dilların nasıl bulunacağını açık olarak göstermektedir.

Bu hesap ameliyetleri şebekemizi ihtiva eden diğer üçkenler içinde yapılrsa, bu üçkenlere ait kesin dillar da bulunmuş olur.



(1)

Semt şartı

$$\begin{aligned}
 B - A &= 282.1847.699 \\
 (2) + (6) &= 137.0223.502 \\
 B - G &= 19.2071.201 \\
 200 + \Delta d_1 &= + 562.427 \\
 G - B &= 219.2633.628 \\
 (5) + (8) &= 173.0856.470 \\
 G - J &= 392.3490.098 \\
 200 + \Delta d_2 &= - 198.016 \\
 J - G &= 192.3292.082 \\
 (7)+(11)+ (25) + (29) &= 251.9700.428 \\
 J - K &= 44.2992.510 \\
 200 + \Delta d_3 &= + 748.642 \\
 K - J &= 244.3741.152 \\
 (28) + (32) &= 135.1890.625 \\
 K - D &= 379.5631.777 \\
 200 + \Delta d_4 &= - 629.161 \\
 D - K &= 179.5002.616 \\
 (31) + (35) &= 125.5245.432 \\
 D - G &= 305.0248.048 \\
 " " &= 305.0240.485 \\
 W &= +7.563
 \end{aligned}$$

$$\sin \varphi (\lambda_n - \lambda_{n'})$$

$$\begin{aligned}
 \lambda_n &= 34.5777.0617 \\
 \lambda' &= 34.5776.8564 \\
 &\quad + 0.2053
 \end{aligned}$$

$$\lambda_n - \lambda_{n'} = 9.31238895.0$$

$$\begin{aligned}
 \sin \varphi &= 9.80126416.3 \\
 &\quad 9.11365311.3
 \end{aligned}$$

$$(+ 0.1299)$$

$$\begin{aligned}
 305.0240.355 \\
 +0.130 \\
 \hline
 305.0240.485
 \end{aligned}$$

$$+(2)+(5)+(6)+(7)+(8)+(11)+(25)+(29)+(31)+(32)+(35)+7.563 = 0$$

$$\begin{aligned}
 B &= 43.2687.5121 \\
 A &= 43.2318.1664 \\
 G &= 43.4921.5302 \\
 F &= 43.4822.9124 \\
 J &= 43.6935.1190 \\
 I &= 43.6498.0417 \\
 K &= 43.8030.4791 \\
 L &= 43.9132.7205 \\
 D &= 44.0329.1684
 \end{aligned}$$

$$32\ 5675\ 6498 : 9 = 43.61861832 = \varphi$$

(2)

Devri ufuk şartı

NO.	Ağı	
I	34.7530.593	(I)+(4)+(9)-(I2)+(I5)+(I8)+3.509=0
4	83.6335.438	
9	63.2959.891	
I2	69.3353.061	
I5	61.8138.972	
I8	87.1705.554	
	400.0003.509	
	400.0000.000	
	W = + 3.509	

(3)

Devri ufk şartı

No.	Açı
10	74.9736.810
27	85.7773.646
23	95.3082.367
20	84.4701.370
14	<u>59.4702.442</u>
	399.9996.635
	<u>400.0000.000</u>
	W = - 3.365

$$(10)+(14)+(20)+(23)+(27)-3.365 = 0$$

Açı No.	Açı	Süret sütunu Log.	df.	Açı No.	Açı	Mahreç sütunu Log.	df.
3	Kara T.-Geyik	4.12461583.4		1	C - D	4.61861392.6	
6	68.2162.880	9.94346402.1	+39.2	5	34.7529.81	9.71592318.7	-112.3
8	39.9914.600	9.76913848.9	+93.9	7	76.3750.77	9.96938292.5	-26.6
12	96.7104.140	9.99941994.5	+ 3.5	10	39.9936.72	9.76915926.0	-97.9
27	69.3331.940	9.94753300.3	+35.7	26	74.9735.69	9.96554061.5	-28.2
29	85.7772.092	9.98907025.4	+15.5	28	52.0009.574	9.86271496.7	-64.1
32	94.0608.430	9.99810733.0	+ 6.4	31	77.4982.51	9.97228701.3	-25.2
36	57.6905.350	9.89606648.6	+53.4	34	90.4031.04	9.99504655.7	-10.5
	125.4677.098	9.96427996.6	-28.8		39.4111.636	9.76363556.6	-95.7
		7.63169532.8				7.63170401.6	
		7.63170401.6					
		V = - 868.8					

$$\begin{aligned}
 & -1.123(1) + 0.372(3) - 0.266(5) + 0.939(6) - 0.939(7) + 0.035(8) - 0.282(10) \\
 & + 0.357(12) - 0.641(26) + 0.155(27) - 0.252(28) + 0.064(29) - 0.103(31) + 0.534(32) \\
 & - 0.957(34) - 0.288(36) - 8.688 = 0
 \end{aligned}$$

9 İkinci gurup şart muadeleleri cedveli

Üçgen No.	Açı No.	1. Semb şarti	2. Devriyuk şarti	3. Devriyuk şarti	4. Santrol şarti	5. Santrol şarti	6. Baz şarti	7. Arz şarti	8. Tur şarti
I	1	.	+1	.	.	.	-1.1230	-0.8581	-0.0866
	2	+ 1	.	.	-0.0320	.	.	-0.0407	+0.6741
	3	.	.	.	+0.3720	.	+0.3720	+0.2842	+0.0287
II	4	.	+1	+0.0897	-0.4857
	5	+1	.	.	-0.2660	.	-0.2660	-0.1465	-0.0452
III	6	+1	.	.	+0.9390	.	+0.9390	+0.5170	+0.1596
	7	+1	.	.	-0.9390	.	-0.9390	-0.5170	-0.1596
	8	+1	.	.	+0.0350	.	+0.0350	+0.0193	+0.0060
IV	9	.	+1	+0.0897	-0.4857
	10	.	.	+1	-0.2820	.	-0.2820	-0.0957	-0.0054
	11	+1	.	.	+0.5700	-0.5700	.	-0.0101	+0.2994
V	12	.	+1	.	.	+0.3570	+0.3570	+0.1212	+0.0068
	13	.	.	.	-0.2370	+0.2370	.	.	.
	14	.	.	+1	+0.5040	-0.4660	.	.	.
VI	15	.	+1
	16	.	.	.	-0.9060
	17	.	.	.	+0.3250
VII	18	.	+1
	19	+0.3720	.	.	.
	20	.	.	+1
VIII	21	-0.7420	.	.	.
	22	+1.2320	.	.	.
	23	.	.	+1
IX	24	-0.3010	.	.	.
	25	+1	.	.	.	+0.4600	-0.4600	-0.0101	+0.2994
	26	-0.6410	-0.6410	-0.2176	-0.0122
X	27	.	.	+1	.	.	+0.1550	+0.0526	+0.0030
	28	+1	-0.2520	-0.0301	-0.0759
	29	+1	+0.0640	-0.0076	+0.0193
XI	30	+0.1589	-0.1589	-0.1055
	31	+1	-0.1030	-0.0123	-0.0310
	32	+1	+0.5340	+0.0639	+0.1608
XII	33	-0.1589	-0.1589	-0.1055
	34	-0.9570	.	.
	35	+1	-0.2880	.	.
	36
	V	+7.5630 + 3.509 - 3.363	+0.2390	- 3.5250	- 8.6880	- 7.8433	+ 8.9161		

HARITA GENEL MİLLİTARYÜ
T. C. 7 8
ARZ WE TOL İLKVAZEMESTİ
S: 44

#: 44.0329

λ : 34.5777

1st stage	γ_e	λ_e	$\eta_e - \eta_e'$	$\lambda_n - \lambda_e$	$+\delta_A - \delta_B$	$(\eta_n - \eta_e)$ Karakteristi X/δ_A	$\Delta_{A,2}$ Karakteristi X/δ_A	$\Delta_{B,2}$ Karakteristi X/δ_B	$\Delta_{A,2}$ Karakteristi X/δ_A	$\Delta_{B,2}$ Karakteristi X/δ_B	g	$\mu_{M,1}$ Karakteristi X/δ_A	$\mu_{M,1}$ Karakteristi X/δ_B	C	$\mu_{M,1}$ Karakteristi X/δ_A	$\mu_{M,1}$ Karakteristi X/δ_B	D	
B	43.2668	34.5006	+ 76.41	+ 7.71	+ 0.372	- 1.123	+ 28.425	(3)	+ 2.868	- 85.808	(1)	- 8.658	- 4.057	(2)	+ 67.409	39.00	0.5662	$\frac{C}{\delta_B}$
P	43.4623	34.4077	+ 55.06	+ 17.00	+ 0.339	- 0.366	+ 51.701	(5)	+ 15.953	- 14.6165	(5)	- 4.522	- 9.988	(4)	+ 48.574	41.00	0.5544	$\frac{C}{\delta_B}$
P	43.4823	34.4823	+ 55.06	+ 17.00	+ 0.335	- 0.939	+ 51.701	(6)	+ 0.952	- 51.701	(7)	- 15.958	- 6.598	(9)	+ 48.574	42.00	0.5544	$\frac{C}{\delta_B}$
J	43.6935	34.5886	+ 33.94	+ 1.91	+ 0.357	- 0.202	+ 32.117	(12)	+ 0.882	- 9.571	(10)	- 0.339	- 1.006	(11)	+ 29.942	42.00	0.5113	$\frac{\delta_B}{\delta_A}$
J	43.6935	34.5886	+ 33.94	+ 1.91	+ 0.155	- 0.641	+ 5.261	(27)	+ 0.295	- 21.775	(26)	- 1.224	- 1.006	(25)	+ 29.942	42.00	0.5146	$\frac{\delta_B}{\delta_A}$
I	43.9233	34.2765	+ 11.96	+ 30.12	+ 0.064	- 0.252	+ 0.785	(28)	+ 1.928	- 3.014	(28)	- 7.590	- 15.888	(30)	+ 10.551	45.00	0.5208	$\frac{\delta_B}{\delta_A}$
I	43.9233	34.2765	+ 11.96	+ 30.12	+ 0.534	- 0.103	+ 6.397	(32)	+ 16.084	- 1.232	(31)	- 3.102	- 15.888	(33)	+ 10.551	46.00	0.5208	$\frac{\delta_B}{\delta_A}$
L	43.9233	34.2765	+ 11.96	+ 30.12	+ 0.534	- 0.103	+ 6.397	(32)	+ 16.084	- 1.232	(31)	- 3.102	- 15.888	(33)	+ 10.551	47.00	0.5164	$\frac{\delta_B}{\delta_A}$

$$(-0.5275)(+0.8822 \quad a_2)$$

$$\frac{N_n = 34.5777 \cdot 06}{N_h = 34.5776 \cdot 05} + 0.80 \cdot 53 \times 4342.94$$

三一七

卷之三

$$7) \quad -0.8581(1) - 0.0407(2) + 0.2842(3) + 0.0897(4) - 0.1465(5) + 0.5370(6) - 0.5170(7) + 0.0393(8) + 0.0697(9) - 0.0557(10) - 0.0101(11) + 0.1212(12) - 0.0101(25) - 0.2176(26) + 0.0526(27) - 0.0301(28) + 0.0076(29) + 0.1589(30) - 0.0123(31) + 0.0659(32) + 0.1589(33) - 7.84334964 = 0$$

$$\frac{M}{60} \times 10^6 \cdot 0.6 = 4342.94$$

(10) İkinci gurup mustakil şart muadelerleri cedveli

Üçgen No.	Açı No.	1 Sancılı Devrilik Şartı	2 Devrilik Şartı	3 Sancılı Şartı	4 Sancılı Şartı	5 Sancılı Şartı	6 Baz şartı	7 Araz şartı	8 Tut şartı	S.	
I	1	-0.3333	+0.6666			-0.1133		-0.8726	-0.6532	-0.2920	-1.5978
	2	+0.6666	-0.3333			-0.1453		+0.2503	+0.1642	+0.4687	+1.0712
	3	-0.3333	-0.3333			+0.2586		+0.6223	+0.4890	-0.1767	+0.5266
II	4	-0.6666	+0.6666			-0.2243		-0.2243	-0.0637	-0.3619	-0.8742
	5	+0.3333	-0.3333			-0.4903		-0.4903	-0.2999	+0.0786	-1.2019
	6	+0.3333	-0.3333			+0.7146		+0.7146	+0.3636	+0.8833	+2.0761
III	7	+0.3333	-0.3333			-0.6376		-0.6376	-0.3810	+0.0535	-1.6027
	8	+0.3333	-0.3333			+0.3363		+0.3363	+0.1553	+0.2191	+1.0470
	9	-0.6666	+0.6666			+0.3013		+0.3013	+0.2257	-0.2726	+0.5557
IV	10	-0.3333	-0.3333	+0.6666	-0.3780	+0.0710	-0.3070	-0.1008	-0.1057	-0.8205	
	11	+0.6666	-0.3333	-0.3333	+0.4740	-0.4990	-0.0250	-0.0152	+0.1991	+0.1339	
	12	+0.3333	+0.6666	-0.3333	-0.0960	+0.4280	+0.3320	+0.1160	-0.0934	+0.6866	
V	13		-0.3333	-0.3333		-0.3260	+0.3133				-0.6793
	14		-0.3333	+0.6666	+0.4150	+0.0765					+0.8246
	15		+0.3333	-0.3333	-0.0890	-0.3896					-0.1453
VI	16		-0.3333			-0.7124					-1.0457
	17		-0.3333			+0.5187					+0.1854
	18		+0.6666			+0.1937					+0.8603
VII	19			-0.3333			+0.4953				+0.1620
	20			+0.6666			+0.1233				+0.7899
	21			-0.3333			-0.6186				-0.9519
VIII	22			-0.3333			+0.9550				+0.6217
	23			+0.6666			-0.3270				+0.3396
	24			-0.3333			-0.6280				-0.9613
IX	25	+0.6666		-0.3333			+0.5203	+0.1620	+0.0483	+0.2027	+1.2666
	26	-0.3333		-0.6666			-0.5806	-0.4790	-0.1593	-0.1089	-1.9944
	27	-0.3333		+0.6666			+0.0603	+0.3170	+0.1110	-0.0938	+0.7278
X	28	+0.3333					-0.1894	-0.0756	-0.0219		+0.0464
	29	+0.3333					+0.1267	-0.0379	+0.0733		+0.4994
	30	-0.8888					+0.0627	+0.1135	-0.0514		-0.5418
XI	31	+0.3333					-0.2467	-0.0825	-0.0391		-0.0350
	32	+0.3333					+0.3904	-0.0063	+0.1527		+0.8701
	33	-0.6666					-0.1437	+0.0888	-0.1136		-0.8351
XII	34	-0.3333					-0.5420	+0.4150			-0.8753
	35	+0.6666					+0.1270				+0.0816
	36	-0.3333									-0.2063
	W	+7.5630 0	+3.5090 0	-3.3650 0	+0.2390 0	-3.5250 0	-8.6880 0	-7.8433 0	-8.9161 0	0	

(11)

Normal maddeler cedveli

1	2	3	4	5	6	7	8	V	$\Sigma +W$	$J + W$
+5.332267	-1.999601	-0.666634	+0.251674	+0.021299	+0.806219	-0.166983	+1.69833	+7.5630	+12.811175	+12.811175
	+3.999200	-0.666533	-0.027597	+0.038396	-0.463554	-0.375162	-1.019798	+3.5090	+2.994351	+2.994351
		+3.332667	+0.056996	+0.009999	+0.010199	-0.19480	-3.3650	-1.503786	-1.503786	
			+2.989875	+1.707519	+0.980680	+0.265101	+0.2390	+6.103000	+6.103000	
			+3.360966	+0.514285	+0.174389	+0.016205	-3.5250	+0.264191	+0.264191	
			+3.956278	+1.91620	+0.612201	-0.6880	+0.356567	+0.365667	+0.365667	
				+1.237819	+0.234634	-7.8473	-7.8473	-3.897105	-3.897105	
					+0.846280	+3.9161	+11.341076	+11.341077	+11.341077	

(13)

'K,_nEmsallerinin hesabi

K 8	K7	K6	K5	K4	K3	K2	K1
-38.585557	+11.924555	+3.140814	+1.104670	+0.077327	+0.210637	-1.952729	-1.418342
	+10.722168	+3.149554	+0.448172	+2.560390	-1.312954	-4.674074	+12.083291
	+22.647123	-10.686521	-2.029771	-7.626034	+1.015791	+3.051202	+0.709195
		+0.934037	+2.469807	+0.095986	-0.218124	+0.664681	
		+0.457109	+0.052685	-0.003002	-0.006525	-0.001826	
			+2.465825	+0.071968	+0.050687	+0.116382	
				+0.078426	+0.022120	+0.009805	
					+3.727452	-1.397791	+10.765393

Normal muadelelerinin hali

12

I	2	3	4	5	6	7	8	V
+5.332267 -0.187537	-I.999600 -1.000000	-0.666533 -0.374999	+0.251675 -0.047198	+0.021298 -0.003994	+0.062619 -0.151196	-0.165983 +0.071315	+1.563000 -0.313155	+I2.BIII76 -2.402570
+3.999200 -0.307753	-0.666533 -1.000000	-0.027597 +0.282052	+0.038396 -0.020552	+0.463554 -0.162129	-0.375162 -0.437729	-I.019798 -0.393563	+3.509000 +6.345172	+2.994351 +2.799572
+3.232667 -0.334352	+0.673696 -0.291868	+0.007900 -0.029186	+0.008999 -0.006568	+0.010199 -0.028780	+0.194980 -0.101476	-I.363000 -0.529369	+I.503785 +0.210567	+I.503785 -0.768069
+2.989875 -0.336238	-0.340249 -0.001372	+I.7070519 +0.001372	+0.002652 +0.000955	+0.007881 +0.003319	+0.020973 +0.008090	+0.194557 -0.101405	+0.239000 +0.160275	+6.I02999 +0.160275
+2.990856 -0.336238	-0.082781 -0.001372	+0.019644 +0.001372	+0.053103 +0.001372	+0.151470 +0.001372	+0.151470 +0.001372	+0.101876 +0.001372	+0.529177 +0.229976	+2.799771 +2.710169
+3.360956 -0.301152	+0.514285 -1.000000	+I.7070519 +0.001372	+0.0174389 +0.001372	+0.016505 +0.000667	+0.025101 +0.000667	+0.239000 -0.030207	+6.I02999 +0.051164	+6.I02999 +0.160275
+3.320583 -0.365451	+0.705515 -1.000000	+0.021467 +0.001372	+0.0297612 +0.009626	+0.038569 +0.0161619	+0.297612 +0.1704671	+0.0625606 +0.00161619	+0.694122 +0.209037	+3.524740 +0.157316
+2.956278 -0.365451	+I.910200 -1.000000	+0.6122021 +0.025247	+0.0162005 +0.025247	+0.6122021 +0.025247	+0.6122021 +0.025247	-8.688000 -0.252472	+0.254720 -I.343495	+0.365567 +0.136569
+2.736342 -0.143821	+I.291203 +0.001372	+0.223354 +0.471876	+0.223354 +0.081625	+8.594350 +3.140189	+8.594350 +3.140189	+I.343443 +1.597316	+I.343443 +1.597316	+I.343443 +0.136569
+II.237819 -5.143821	+0.234674 +0.001372	+0.234674 +0.052291	+0.234674 +0.052291	+7.841300 +0.236875	+7.841300 +0.236875	+3.877104 +0.4010192	+3.877104 +0.4010192	+3.877104 +0.4010192
+0.058981 -0.013095	+0.053081 +0.013095	+0.058981 +0.053081	+0.058981 +0.053081	+0.854865 +0.854865	+0.854865 +0.854865	+I.050680 +0.103045	+I.050680 +0.103045	+I.050680 +0.103045
+0.006017 -0.018231	+0.004569 +0.018231	+0.006017 +0.018231	+0.006017 +0.018231	+0.028257 +0.028257	+0.028257 +0.028257	+0.050157 +0.027462	+0.050157 +0.027462	+0.050157 +0.027462
+0.026674 -0.018231	+0.003545 +0.018231	+0.026674 +0.018231	+0.026674 +0.018231	+0.328762 +0.305394	+0.328762 +0.305394	+0.0562212 +0.0455425	+0.0562212 +0.0455425	+0.0562212 +0.0455425
+0.0609281 -0.018231	+0.003545 +0.018231	+0.0609281 +0.018231	+0.0609281 +0.018231	+4.055425 +3.858657	+4.055425 +3.858657	+0.0494545 +0.0354544	+0.0494545 +0.0354544	+0.0494545 +0.0354544
+0.0194048 -0.018231	+0.0504024 +0.018231	+0.0194048 +0.018231	+0.0504024 +0.018231	+2.318229 +2.077890	+2.318229 +2.077890	+2.069799 +2.044667	+2.069799 +2.044667	+2.069799 +2.044667
+0.02254533 -0.018231	+0.0846280 +0.018231	+0.02254533 +0.018231	+0.0846280 +0.018231	+8.916100 +7.658616	+8.916100 +7.658616	+II.247076 +4.044675	+II.247076 +4.044675	+II.247076 +4.044675
+4.435908 -0.018231	+0.522917 +0.018231	+4.435908 +0.018231	+0.522917 +0.018231	+2.368391 +2.0701514	+2.368391 +2.0701514	+8.923917 +8.354554	+8.923917 +8.354554	+8.923917 +8.354554
+0.2254533 -0.018231	+0.4767680 +0.018231	+0.2254533 +0.018231	+0.4767680 +0.018231	+8.698485 +7.793611	+8.698485 +7.793611	+8.923917 +8.354554	+8.923917 +8.354554	+8.923917 +8.354554

(14)

Hatice Södveli "v." Levin bulunuşu

Müşteri les No.	Müşteri Adı No.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
I	1	-3.588105	-2.484720	+0.279378	+3.836083	-4.793101	+11.267012	-5.493	1			
I	2	+7.176211	+1.242360	+0.58284	-0.100557	-1.100557	+3.718658	-6.690	2			
I	3	-3.588105	+1.242360	-0.637682	-2e-135726	+1.074443	+6.818086	+12.173	3			
II	4	-7.176211	-2.484720	+0.553085	+0.986075	-1.442622	+13.964149	+4.400	4			
II	5	+3.588105	+1.242360	+1.208994	+2.155434	+8.234494	-3.052835	-1.650	5			
II	6	+3.588105	+1.242360	-1.762702	+3.141491	+8.234494	-10.931217	-2.770	6			
III	7	+3.588105	+1.242360	+1.772210	+2.802987	-8.628594	-2.064373	-1.487	7			
III	8	+7.176211	-2.484720	-0.829257	-1.478426	+3.517098	-8.454118	-2.414	8			
III	9	-7.176211	-2.484720	-0.742953	+0.54561	+6.111456	+10.518450	+3.901	9			
IV	10	-3.588105	+1.242360	+0.052979	+0.932082	+0.032455	+1.349619	-2.282830	+4.078904	+1.816	10	
IV	11	+7.176211	+1.242360	-0.026539	-1.168801	+0.228097	+0.109904	-0.344236	-7.682404	-0.921	11	
IV	12	-3.588105	-2.484720	-0.026139	+0.236719	+0.956373	-1.459523	+2.627066	+3.603900	-0.895	12	
V	13	+1.242360	-0.026139	+0.807859	+0.143212	+0.052212	+0.109904	+2.163	+0.300	13		
V	14	+1.242360	+0.052212	-1.023317	+0.054877	+0.178090	-0.236719	-2.469	-2.469	14		
V	15	-2.484720	-0.026139	+0.219458	+0.178090						15	
V	16	+1.242360	+1.242360	+1.756654	+1.279023						16	
V	17	+1.242360	-2.484720	-0.477630							17	
V	18	-2.484720									18	
VII	19	-0.026139	+0.226406	+0.052279	+0.052279	+0.052279	+0.052279	+0.200	+0.109	19		
VII	20	-0.026139	-0.226406	-0.026139	-0.026139	-0.026139	-0.026139	-1.309	-1.309	20		
VII	21									21		
VIII	22	-0.026139	+0.436539	+0.19475	+0.19475	+0.19475	+0.19475	+0.410	+0.410	22		
VIII	23	+0.026139	-0.026139	-0.026139	-0.026139	-0.026139	-0.026139	-0.097	-0.097	23		
VIII	24	-0.026139	-0.237064	-0.237064	-0.237064	-0.237064	-0.237064	-0.313	-0.313	24		
IX	25	+7.176211	-0.026139	+0.277834	-0.712177	+1.093856	-7.801313	-0.052	25			
IX	26	-3.588105	-0.026139	-0.235397	+2.607687	+3.607687	+1.179	26				
IX	27	-3.588105	+0.027564	+0.027564	+1.393581	+2.31831	+2.619335	+1.231	27			
X	28	+3.588105	-0.026139	+0.932631	-1.072126	-0.859326	+0.845056	+3.554	28			
X	29	+3.588105	-7.176211	-0.026139	-0.275639	-0.275639	-2.82859	-0.656	29			
X	30	-7.176211			+2.570448	+2.570448	+1.983503	-0.898	30			
XI	31	+3.588105			+1.084531	-1.868388	+1.509659	+4.313	31			
XI	32	+3.588105			-1.716238	-0.142677	-5.992050	-4.163	32			
XI	33	-7.176211			+0.631727	+2.011065	+4.383321	-0.150	33			
XII	34	-3.588105			+2.382715	+1.824403	-1.205	+5.351	34			
XII	35	+7.176211			-0.582311	-0.582311	-4.146	-4.146	35			
XII	36	-3.588105							36			